

SISTEMA ELÉCTRICO DE POTENCIA I

Ing. César Chilet León

4 PRÁCTICAS

2 EXÁMENES

- ① Introducción
- ② Componentes de un SEP
- ③ Sistema en P.U.
- ④ Modelamiento
 - * GENERADOR
 - * TRANSFORMADORES
 - * L.T.
 - * CARGAS
 - *
- ⑤ Cálculo de Fallas.

DALMIR ARIAS

Objetivo:

- * ANALIZAR y EVALUAR la operación de los SEP.
- * EMPLEAR modelos matemáticos para REPRESENTAR el desempeño de cada uno de los componentes de un SEP.
- * CALCULAR las corrientes de falla que se representan en un SEP.

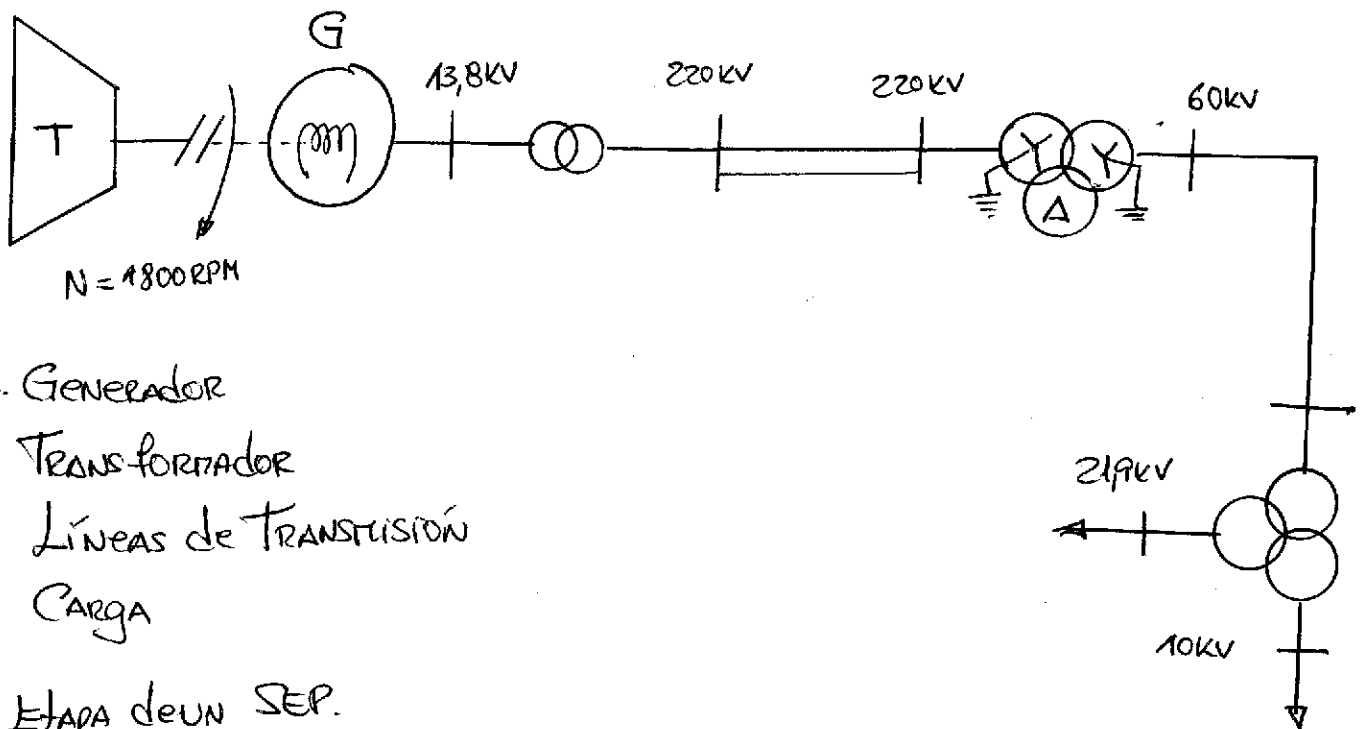
Autor

- * GROVER DUNCAN
- * Prob. Resueltos. Gomez Expósito
- * Khotary
- * Wedy
- * Hady Sadatt

Introducción

- Se ANALIZARÁ la operación de los SEP en estado estable.
- Los sistemas eléctrico de potencia se encargan de generar, transmitir y distribuir la energía eléctrica, de manera más eficiente y al menor costo económico como ecológico, de la forma y magnitud que cumpla con los criterios de calidad de la energía.

Componentes de un SEP

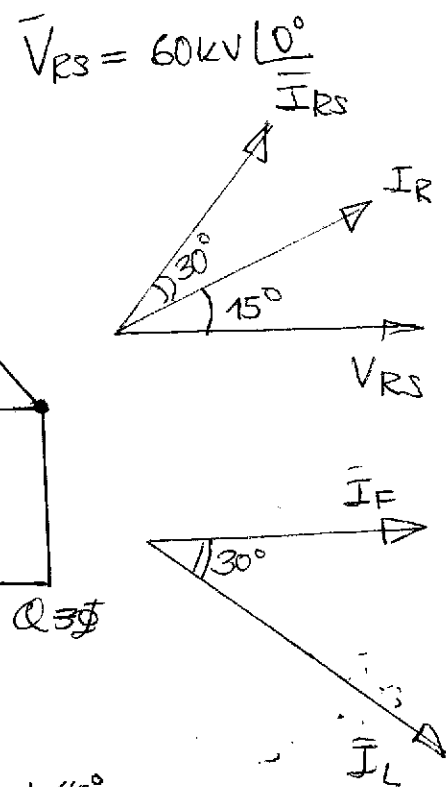
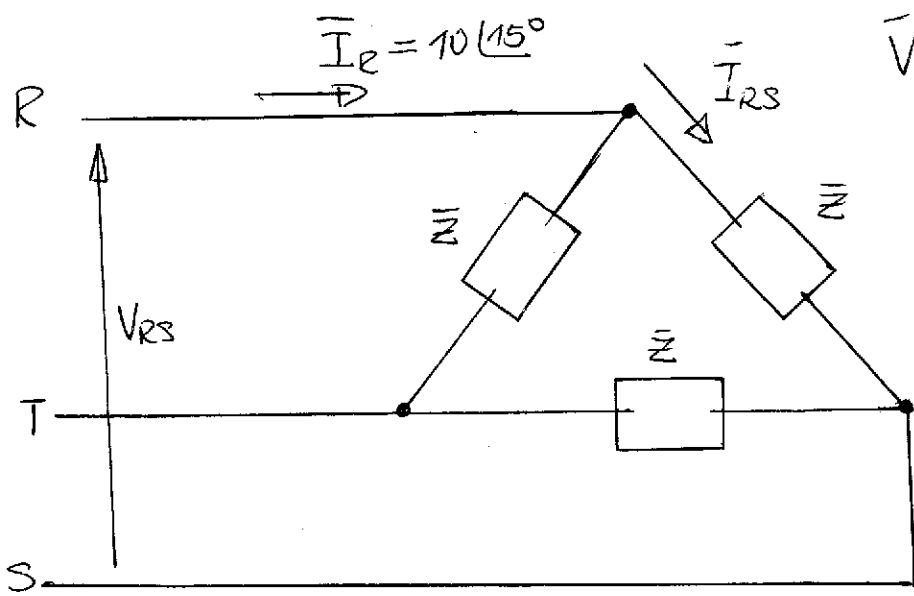


- GENERADOR
- TRANSFORMADOR
- LÍNEAS DE TRANSMISIÓN
- CARGA

Etapas de un SEP.

- GENERACIÓN
- TRANSMISIÓN
- SUBTRANSMISIÓN
- DISTRIBUCIÓN
- UTILIZACIÓN

Exm:

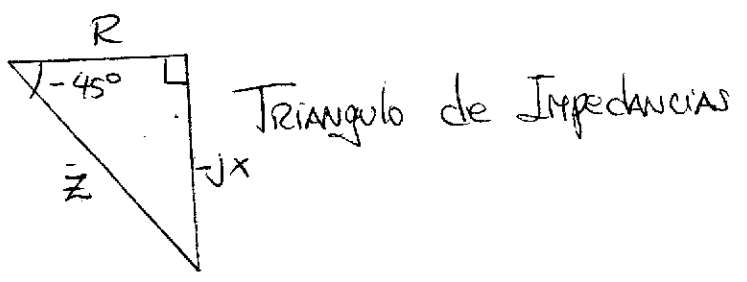


Hallar: a) \bar{Z} b) $\cos \phi$ c) $P_{3\phi}$ d) $\bar{S}_{3\phi}$ e) $Q_{3\phi}$

a) $\bar{I}_{RS} = \frac{10 \angle 45^\circ}{\sqrt{3}} \text{ (A)}$

$\Rightarrow \bar{Z} = \frac{\bar{V}_{RS}}{\bar{I}_{RS}} = \frac{60 \text{ kV} \angle 0^\circ}{\frac{10 \angle 45^\circ}{\sqrt{3}}} \Rightarrow \bar{Z} = 6\sqrt{3} \text{ k}\Omega \angle -45^\circ$

b) $\cos \phi = ?$
 $\cos \phi = \cos(45^\circ) =$



c) $P_{3\phi} = ?$
 $P_{3\phi} = \sqrt{3} \times 60 \times 10 \times \cos 45^\circ \text{ (KW)}$
 $P_{3\phi} =$

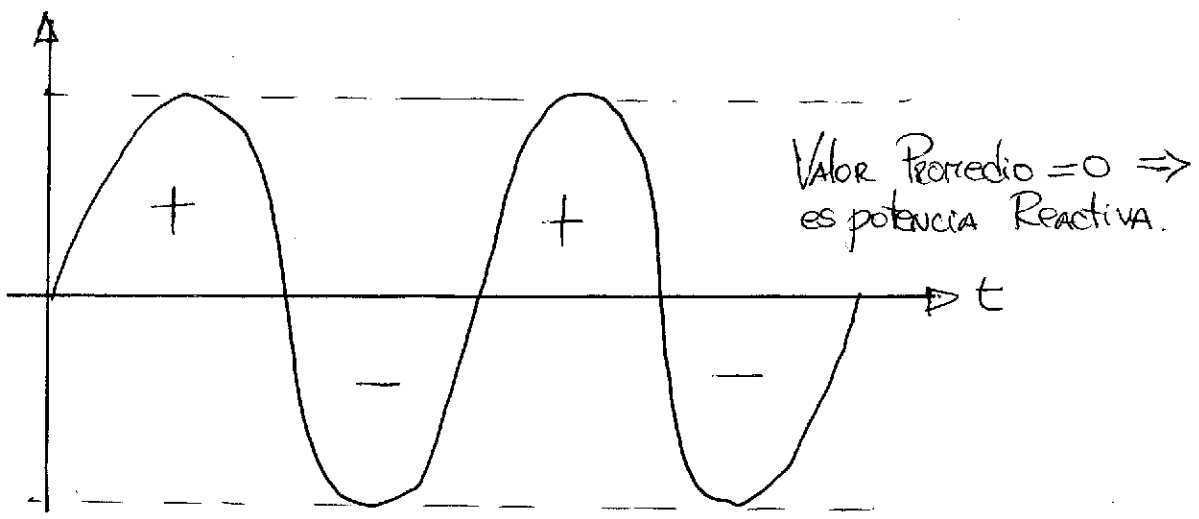
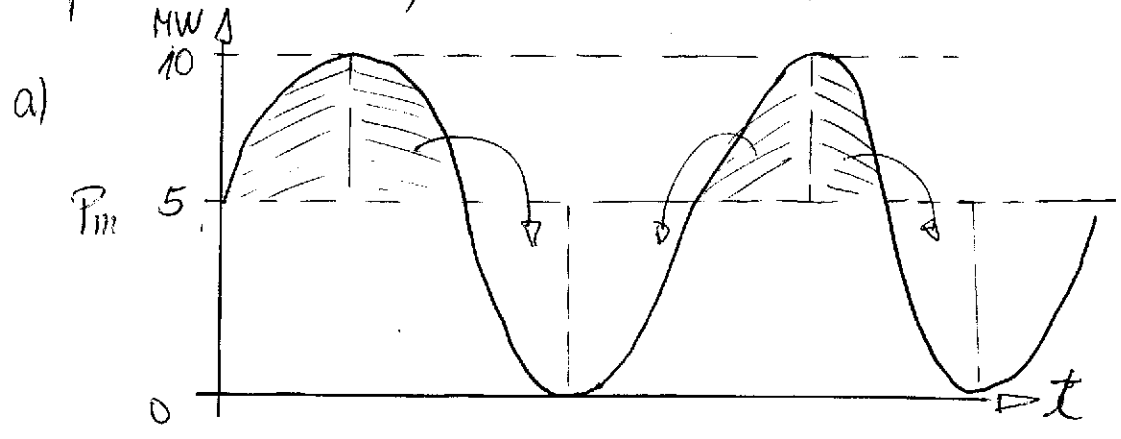
d) $\bar{S}_{3\phi} = 3 \bar{S}_{1\phi} = 3 \times \bar{V}_F \times \bar{I}_F^*$
 $S_{3\phi} = 3 \times 60 \text{ kV} \angle 0^\circ \times \frac{10 \angle -45^\circ}{\sqrt{3}}$
 $S_{3\phi} =$



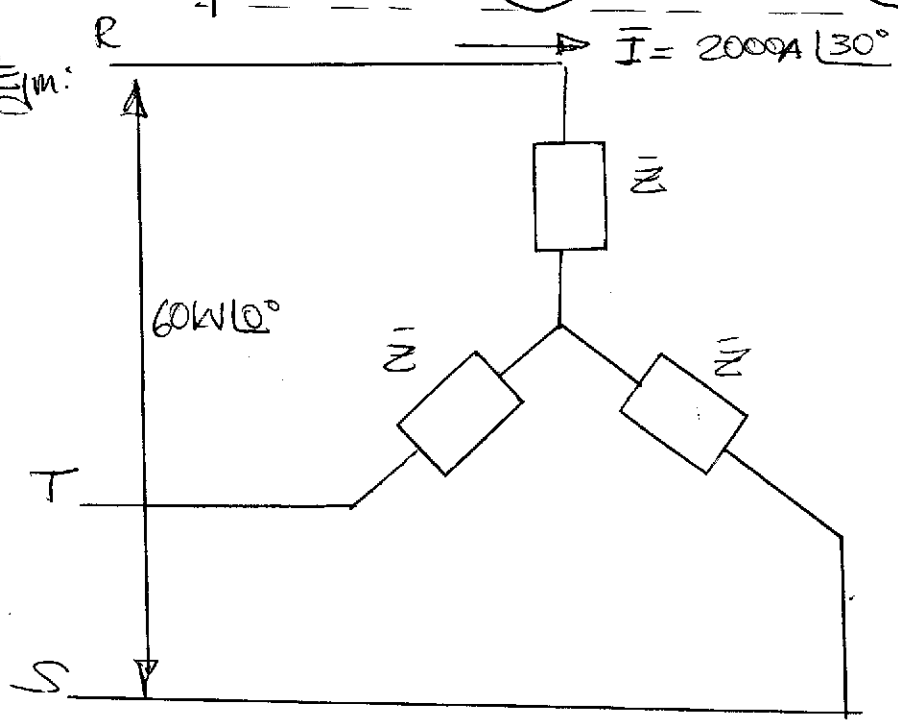
e) $Q_{3\phi} = \sqrt{S_{3\phi}^2 - P_{3\phi}^2}$
 $Q_{3\phi} =$

Ejm:

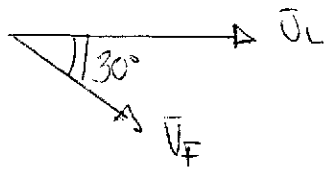
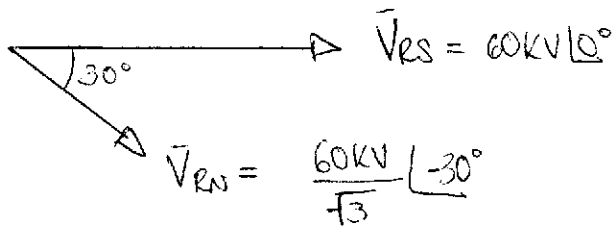
Se tiene dos ondas de potencia en el tiempo. Identificar el cual de ellos es potencia activa y cual de ellos es potencia reactiva?



Ejm:

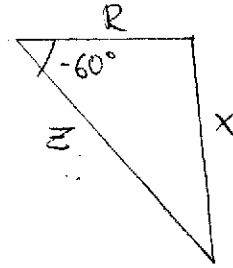


- a) \bar{Z}
- b) $P_{3\phi}$
- c) $\cos\phi$
- d) $\bar{S}_{3\phi}$



$$\vec{Z} = \frac{\vec{V}_{rn}}{\vec{I}} = \frac{\frac{60\text{kV}}{\sqrt{3}} \angle -30^\circ}{2000\text{A} \angle 30^\circ}$$

$$\vec{Z} = \frac{30}{\sqrt{3}} \angle -60^\circ$$

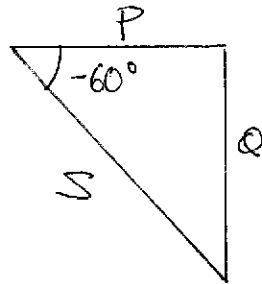


$$P_{3\phi} = \sqrt{3} \times 60 \times 2000 \times \cos(60^\circ) \text{ (kW)}$$

$$\cos\phi = \cos(60^\circ) \text{ en Adelanto}$$

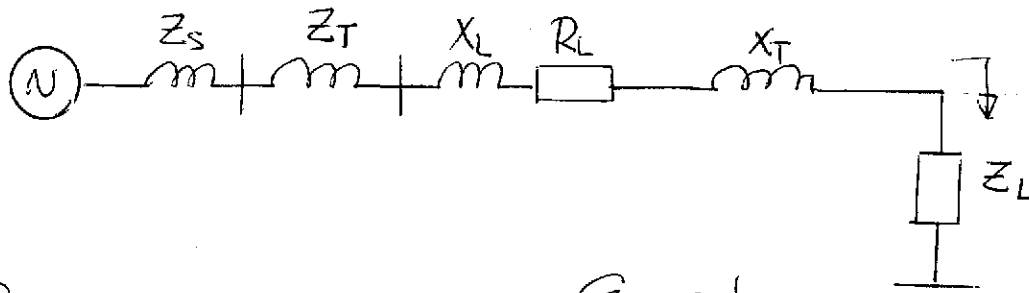
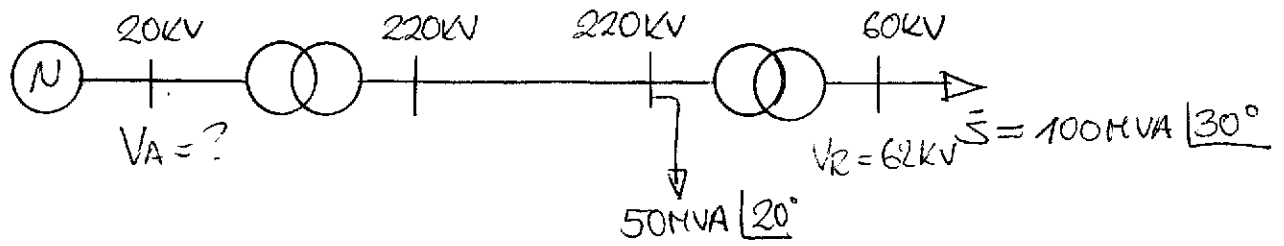
$$S_{3\phi} = 3 \times \frac{60\text{kV}}{\sqrt{3}} \angle -30^\circ \times 2000\text{A} \angle -30^\circ$$

$$S_{3\phi} = \angle -60^\circ$$



Sistema por Unidad (P.U.)

$$\text{Valor P.U.} = \frac{\text{Valor Real}}{\text{Valor de Referencia}}$$

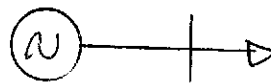


Trabo

<u>Acc (%)</u>	<u>Trabo</u>
12-15%	Potencia
4-6%	Distribución
1%	Medida

$\text{Acc\%} = 3\%$

Generador



$$U_N = 13,2 \text{ kV}$$

$$S_N = 125 \text{ MVA}$$

$$\bar{X}_S (\text{p.u.}) = ?$$

$$\bar{X}_S (\Omega) = 1,75 \Omega$$

La impedancia de referencia (Impedancia base)

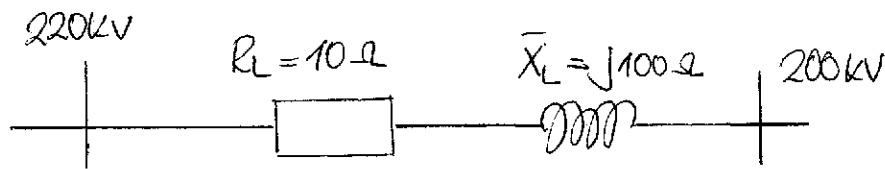
$$Z_B = \frac{U_N^2}{S_N} = \frac{(13,2 \times 10^3)^2}{125 \times 10^6} = \frac{(13,2)^2 \times 10^6}{125 \times 10^6}$$

$$Z_B = \frac{(13,2)^2}{125} = 1,3939 \Omega \quad \left(\begin{array}{l} \text{ESCALAR} \\ \text{W} \end{array} \right)$$

$$\bar{X}_S (\text{p.u.}) = j \frac{X_S}{Z_B} = j \frac{1,75}{1,3939} = j 1,255 \text{ p.u.}$$

$$\bar{X}_S (\text{p.u.}) = 1,255 \text{ p.u. } \angle 90^\circ$$

LÍNEA DE TRANSMISIÓN

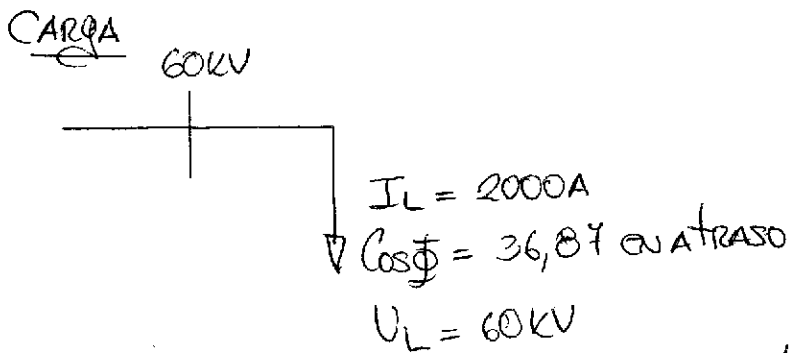


Ej: Expresar la impedancia de la línea en valores P.U. tomando como valores base: 100 MVA y 220 KV

Sol: $Z_B = \frac{220^2}{100} (\Omega) = 484 \Omega$

$$Z_L = \frac{10 + j100}{484} = (0,0207 + j0,2066) \text{ P.U.}$$

$$Z_L = \frac{10,5 \angle 84,29^\circ}{484} = 0,2046 \angle 84,29^\circ \text{ (P.U.)}$$



Ej: Expresar la potencia de la carga en términos de P.U. tomando como valores base: 60KV y 100 MVA

a) De forma cartesiana ($P + jQ$) P.U.

b) De " polar $\bar{S} = S \angle \phi$ (P.U.)

Sol: $\bar{I}_L \text{ (P.U.)} = \frac{\bar{I}_L}{I_{\text{BASE}}} \dots (\alpha)$

$$U_{\text{BARRA}} = 60 \text{KV}$$

$$U_{\text{BASE}} = 60 \text{KV}$$

Lo tomamos como referencia

$$I_{\text{BASE}} = \frac{S_{\text{BASE}}}{\sqrt{3} \times U_{\text{BASE}}} = \frac{100 \text{MVA}}{\sqrt{3} \times 60 \text{KV}}$$

$$I_{\text{BASE}} = 962,25 \text{A}$$

en (α):

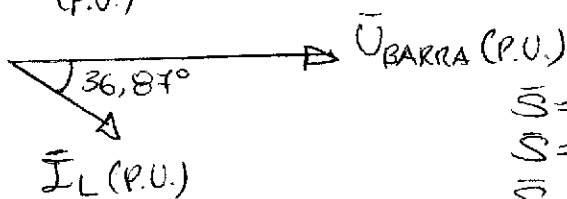
$$\bar{U}_{\text{BARRA}} = 1,0 \angle 0^\circ \text{ (P.U.)}$$

$$\bar{I}_L \text{ (P.U.)} = \frac{2000 \angle -36,87^\circ}{962,25} = 2,078 \text{ P.U.} \angle -36,87^\circ$$

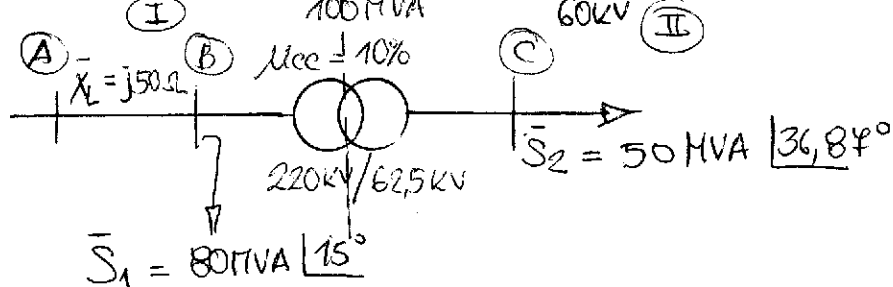
$$\bar{S} = \bar{U}_{\text{P.U.}} \times \bar{I}_L^* \text{ (P.U.)} = 1,0 \angle 0^\circ \times 2,078 \angle 36,87^\circ$$

$$S = 2,078 \angle 36,87^\circ \text{ (P.U.)}$$

$$\bar{S} = (1,663 + j1,247) \text{ P.U.}$$



Ej.m:

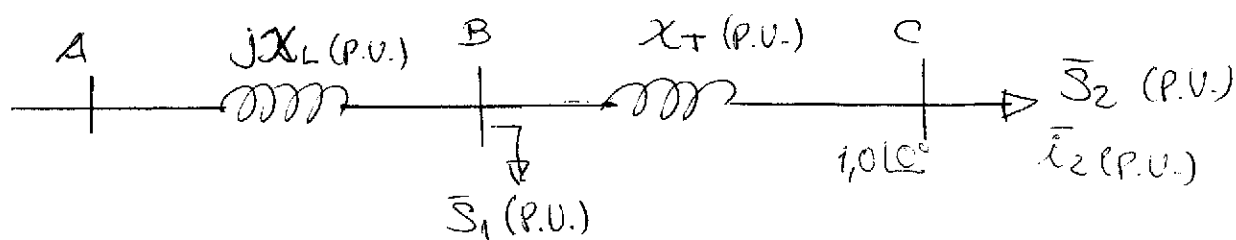


Resolver el circuito

* TOMAR COMO REFERENCIA LA TENSION EN LA BARRA "C".

* TOMAR COMO VALORES BASE 100 MVA Y LA TENSION DE LA BARRA "C".

Sol:



CARGA S₂:

$$\bar{S}_2 = 50 \text{ MVA} \angle 36,87^\circ$$

$$U_C = 60 \text{ kV}$$

$$I_2 = \frac{S_2}{\sqrt{3} \times 60 \text{ kV}} = 481,13 \text{ A}$$

Cálculo de los valores BASE

$$S_B = 100 \text{ MVA}$$

$$U_{BII} = 60 \text{ kV}$$

$$U_{BI} = U_{BII} \times \frac{220}{62,5} = 211,2 \text{ kV}$$

Corriente BASE

$$I_{BII} = \frac{100 \text{ MVA}}{\sqrt{3} \times 60 \text{ kV}} = 962,25 \text{ A}$$

$$I_{BI} = \frac{100 \text{ MVA}}{\sqrt{3} \times 211,2 \text{ kV}} = 273,37 \text{ A}$$

Impedancia Base

$$Z_{BII} = \frac{60^2}{100} = 36 \Omega$$

$$Z_{BI} = \frac{(211,2)^2}{100} = 446,05 \Omega$$

VALORES BASE		
ZONA	I	II
U _B	211,2 kV	60 kV
I _B	273,37 A	962,25 A
Z _B	446,05 Ω	36 Ω

CARGA ② en P.U.

$$I_2(\text{P.U.}) = \frac{481,13 \angle -36,87^\circ}{962,25}$$

$$I_2(\text{P.U.}) = 0,5 \angle -36,87^\circ$$

Cálculo U_B

$$\bar{U}_B (\text{P.U.}) = \bar{U}_C (\text{P.U.}) + \bar{i}_2 \times \bar{X}_T (\text{P.U.}) \dots (\alpha)$$

Cálculo de $\bar{X}_T (\text{P.U.})$

$$\bar{X}_T (\text{P.U.}) = 0,1 \times \left(\frac{U_N}{U_{BI}} \right)^2 \cdot \left(\frac{S_B}{S_N} \right) \quad \text{Cambio de valor base}$$

$$\bar{X}_T (\text{P.U.}) = j 0,1 \times \left(\frac{220}{211,2} \right)^2 \cdot (1) = j 0,1085 (\text{P.U.})$$

en (α) :

$$\bar{U}_B (\text{P.U.}) = 1,0 \angle 0^\circ + 0,5 \angle -36,87^\circ \times 0,1085 \angle 90^\circ$$

$$\bar{U}_B (\text{P.U.}) = 1,0 \angle 0^\circ + 0,05425 \angle 53,13^\circ$$

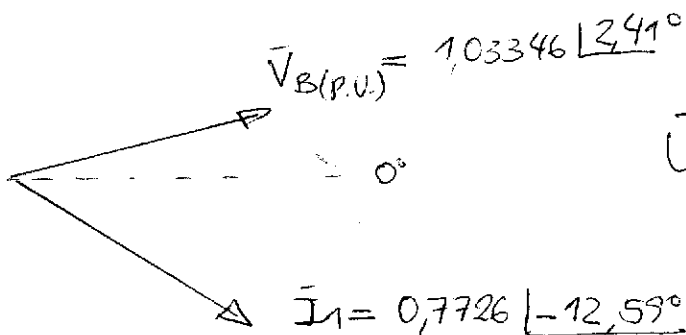
$$\bar{U}_B (\text{P.U.}) = 1,03346 \angle 2,41^\circ (\text{P.U.})$$

$$U_B = U_B (\text{P.U.}) \times U_{BI} = 1,03346 \times 211,6 \text{ kV}$$

$$|U_B = 218,68 \text{ kV}|$$

$$I_1 = \frac{S_1}{\sqrt{3} \cdot U_B} = \frac{80 \text{ MVA}}{\sqrt{3} \times 218,68} \Rightarrow |I_1 = 211,21 \text{ A}|$$

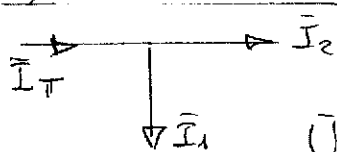
$$I_1 (\text{P.U.}) = \frac{211,21}{273,37} = 0,7726 (\text{P.U.})$$



$$\bar{U}_{ApU} = \bar{U}_{BpU} + \bar{i}_{TPU} \times \bar{Z}_{LPU}$$

$$\bar{Z}_{LPU} = \frac{\bar{Z}_L}{Z_{BI}}$$

1era Ley de Kirchoff



$$\bar{I}_T = 0,7726 \angle -12,59^\circ + 0,5 \angle -36,87^\circ$$

$$\bar{I}_T = 1,2454 \angle -22,09^\circ \text{ pu}$$

$$\bar{U}_A (\text{P.U.}) = 1,03346 \angle 2,41^\circ + 1,2454 \angle -22,09^\circ \times \frac{50}{446,05} \angle 90^\circ$$

$$\bar{U}_A (\text{P.U.}) = 1,0987 \angle 9,05^\circ$$

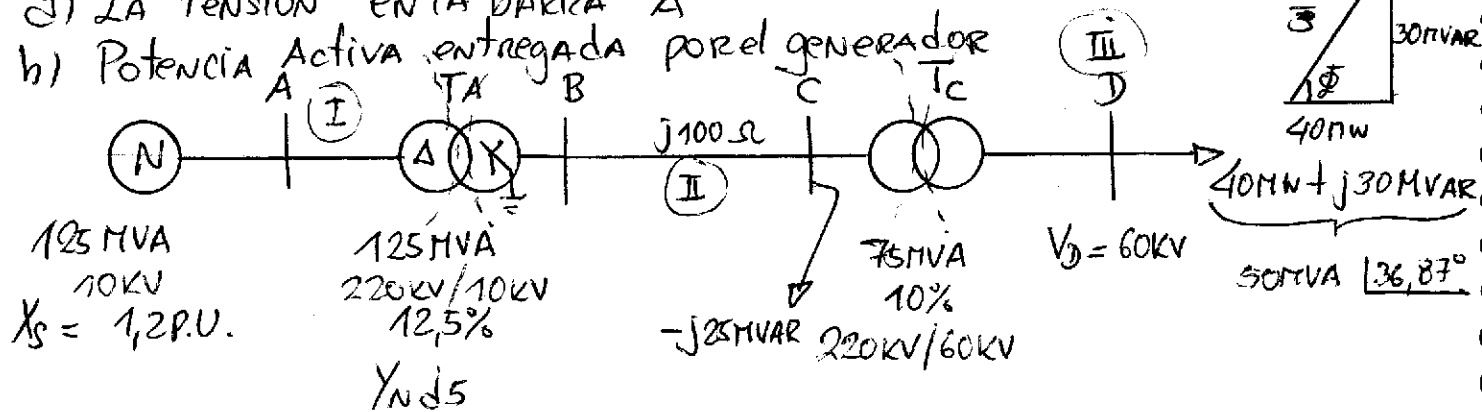
x la tensión base

$$|U_A = 232 \text{ kV}|$$

Ejm:

En el sistema de potencia mostrado, se pide:

- Determinar el # de zonas
- Los valores base de C/U de las zonas
- Las impedancias en P.U. del diagrama unifilar
- La corriente en P.U. de cargas conectado en la barra D.
- La tensión en la barra C
- La corriente por la L.T. en P.U.
- La tensión en la barra A
- Potencia Activa entregada por el generador



ASUMIR: Potencia base = 100MVA
 Tension base = Tension Nominal del = 10kV GENERADOR

Sol:

- Se define 3 ZONAS
 - ZONA de GENERACION
 - " de LA LINEA de TRANSMISION
 - " de LA CARGA.

b) Calculo de los valores base

$$S_B = 100MVA$$

$$U_{BI} = 10KV$$

$$I_{BI} = ?$$

$$Z_{BI} = ?$$

$$U_{BII} = ?$$

$$I_{BII} = ?$$

$$Z_{BII} = ?$$

$$U_{BIII} = ?$$

$$I_{BIII} = ?$$

$$Z_{BIII} = ?$$

Calculo de las tensiones bases .

$$U_{BII} = U_{BI} \times \frac{220KV}{10KV} = 220KV$$

$$U_{BIII} = U_{BII} \times \frac{60KV}{220KV} = 60KV$$

$$I_{BI} = \frac{100MVA}{\sqrt{3} \times 10KV} = 5773,5A$$

$$I_{BII} = \frac{100MVA}{\sqrt{3} \times 220KV} = 262,43A$$

$$I_{BIII} = \frac{100MVA}{\sqrt{3} \times 60KV} = 962,25A$$

ZONA	U_B (KV)	I_B (A)	Z_B
I	10	5773,5	1
II	220	262,43	484
III	60	962,25	36

$$Z_{BI} = \frac{10^2}{100} = 1 \Omega$$

$$Z_{BII} = \frac{220^2}{100} = 484 \Omega$$

$$Z_{BIII} = \frac{60^2}{100} = 36 \Omega$$

c) Calculo de las impedancias en P.U.

Impedancia en P.U. del generador

$$\bar{X}_{G(P.U.)} = j 1,2 P.U. \times \left(\frac{10}{10}\right)^2 \times \left(\frac{100}{125}\right) = j 0,96 P.U.$$

Impedancia en P.U. del trafo "A"

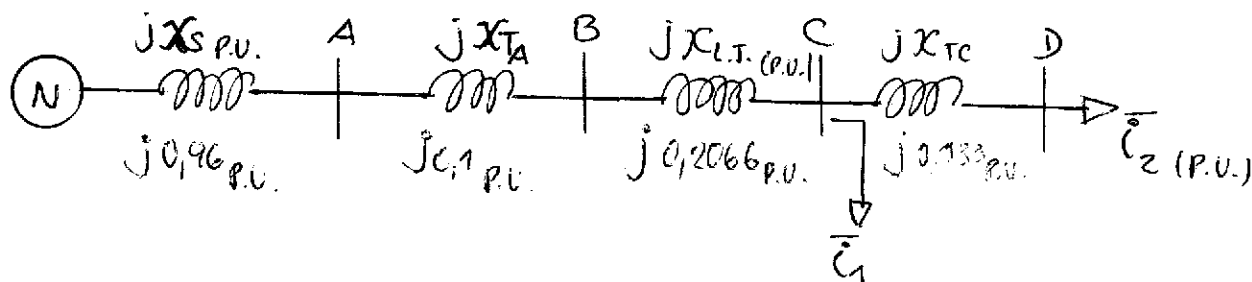
$$\bar{X}_{TA(P.U.)} = j 0,125 \times \left(\frac{U_N}{U_{BI}}\right)^2 \times \left(\frac{S_B}{S_N}\right) = j 0,1$$

Impedancia en P.U. de la L.T.

$$\bar{Z}_{L.T. (P.U.)} = \frac{j100}{484} = j 0,2066 \text{ P.U.}$$

Impedancia en P.U. del Trafo Tc.

$$\bar{X}_{Tc (P.U.)} = j 0,10 (1)^2 \times \left(\frac{100}{75}\right) = j 0,133 \text{ P.U.}$$



- d) Corriente en P.U. de la carga conectada en la barra "D".
(Tomando como referencia la tensión P.U. de la barra "D")

$$\bar{V}_D = \frac{60 \text{ kV}}{60 \text{ kV}} \angle 0^\circ = 1,0 \angle 0^\circ \text{ P.U.}$$

$$I_2 = \frac{50 \text{ MVA}}{\sqrt{3} \times 60 \text{ kV}} = 481,13 \text{ A}$$

$$\bar{I}_2 (P.U.) = \frac{481,13 \angle -36,87^\circ}{962,25} = 0,5 \angle -36,87^\circ \text{ (P.U.)}$$

- e) Cálculo $\bar{V}_C (P.U.)$

$$\begin{aligned} \bar{V}_C (P.U.) &= \bar{V}_D (P.U.) + \bar{I}_2 (P.U.) \times \bar{X}_{Tc} (P.U.) \\ &= 1,0 \angle 0^\circ + 0,5 \angle -36,87^\circ \cdot 0,133 \angle 90^\circ \\ \bar{V}_C (P.U.) &= 1,041 \angle 2,94^\circ \text{ (P.U.)} \end{aligned}$$

- f) Cálculo de la corriente total (\bar{I}_T)

$$\bar{I}_T = \bar{I}_1 + \bar{I}_2 \dots \dots (1)$$

* Cálculo de la corriente $\bar{I}_1 (P.U.)$

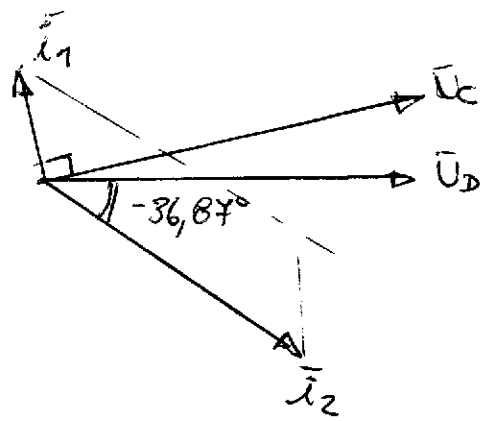
$$I_1 = \frac{S_1}{\sqrt{3} \times 1,041 \times 220 \text{ kV}} = 63,024 \text{ A}$$

$$\bar{\lambda}_1 = \frac{63,024}{262,43} \angle 2,94^\circ + 90^\circ$$

$$\bar{\lambda}_1 = 0,24 \angle 92,94^\circ$$

$$\text{ex (1)} \quad \bar{\lambda}_T = 0,24 \angle 92,94^\circ + 0,5 \angle -36,87^\circ$$

$$\bar{\lambda}_T = 0,3924 \angle -8,84^\circ \text{ (p.u.)}$$



g) Calcule \bar{U}_A

$$\bar{U}_A = \bar{U}_c + \bar{\lambda}_T (j0,1 + j0,2066)$$

$$= 1,041 \angle 2,94^\circ + 0,3924 \angle -8,84^\circ \times 0,3066 \angle 90^\circ$$

$$\bar{U}_A = 1,072 \angle 9,247^\circ \text{ (p.u.)}$$

$$V_A = U_A \text{ (p.u.)} \times U_{B5}$$

$$V_A = 10,72 \text{ kV}$$

h) $\bar{S} = \bar{V}_A \times \bar{\lambda}_T^*$

$$= 1,072 \angle 9,247^\circ \times 0,3924 \angle 8,84^\circ$$

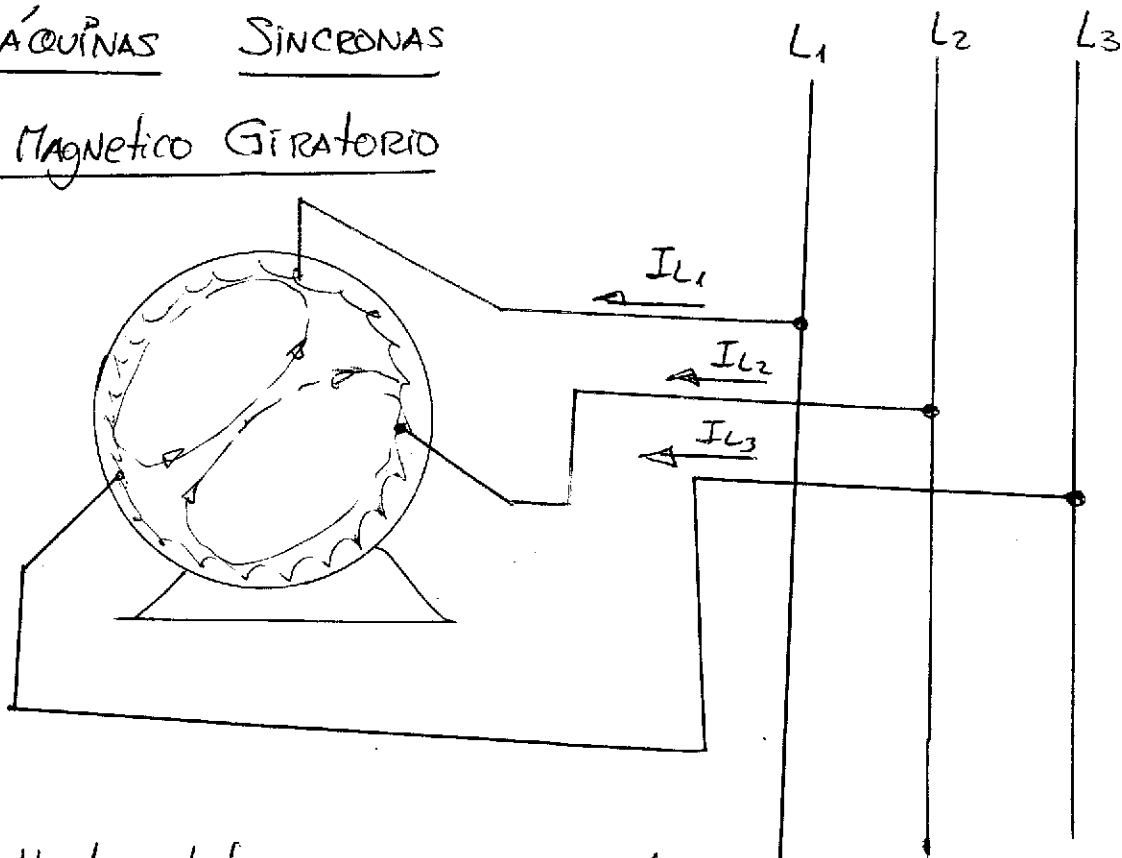
$$\bar{S} = 0,42065 \angle 18,087^\circ$$

$$P = 0,42065 \times \cos(18,087^\circ) = 0,4 \text{ p.u.}$$

$$P = 40 \text{ MW}$$

MÁQUINAS SINCRONAS

Ⓐ Campo Magnético Giratorio



- Es la resultante de los 3 campos magnéticos, creados por c/u de los devanados del estator

- Se caracteriza por ser:

* De magnitud constante

* De velocidad y sentido de giro constante

- Velocidad de giro se le denomina Velocidad Sincrona (N_s)

$$N_s = \frac{120 \times f}{p} \text{ (RPM)}$$

$f \rightarrow$ (Hz)

$p \rightarrow$ # de polos

¿Por qué se denomina sincrona?

El rotor gira a la velocidad Sincrona

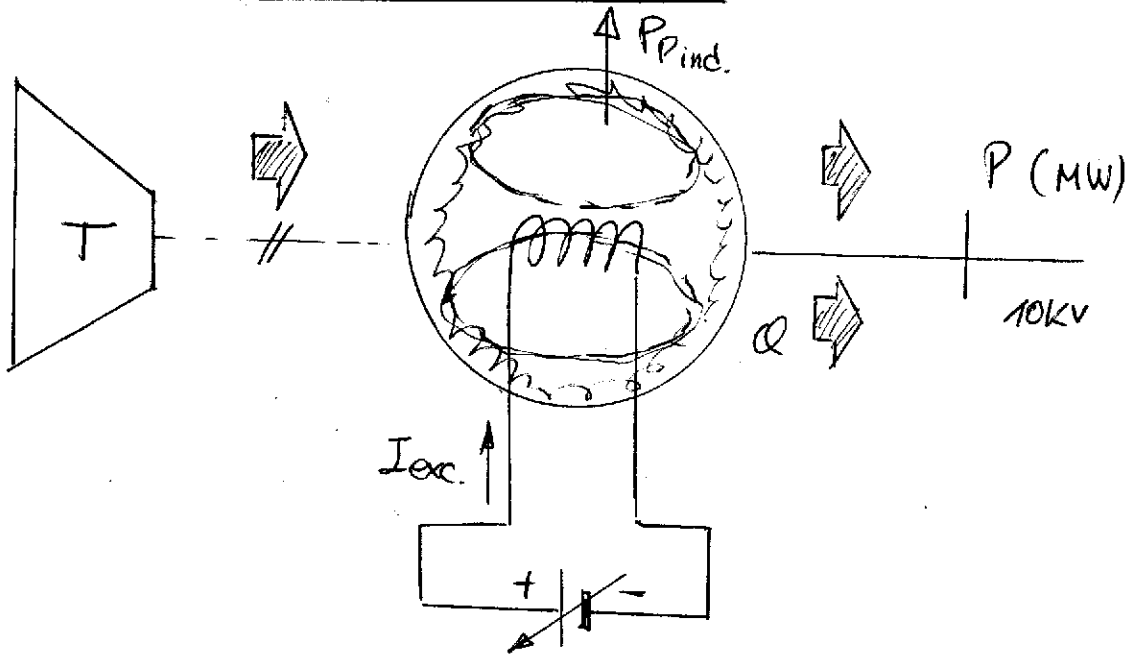
Formas de Operar:

- Generador Sincrono \rightarrow Centrales eléctricas

- Motor Sincrono \rightarrow Generalmente se emplea para accionar grandes cargas. Por ejemplo: el molino SEC de ANTARINA

- Compensador Sincrono \rightarrow $\left\{ \begin{array}{l} C \rightarrow \text{Sobrecargado} \\ L \rightarrow \text{Subcargado} \end{array} \right.$

Operación como Generador



Tipos de Generadores Síncronos

En función del tipo de rotor

- Generador de polos lisos o de rotor cilíndrico:

→ Son de 2 o 4 polos

→ Son de alta velocidad

→ Tipo rotor primo

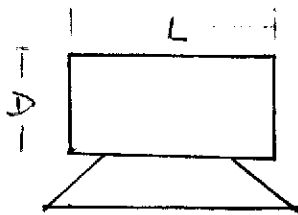
→ Son accionados por turbina a gas o a vapor.

- Generador de polos salientes:

→ Son de gran # de polos. Por ejemplo: 16 polos

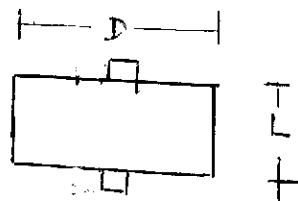
→ Son de baja velocidad

→ tipo de rotor primo → Turbinas Hidráulicas.



$L \gg D$

G. polos lisos



$D \gg L$

G. polos salientes

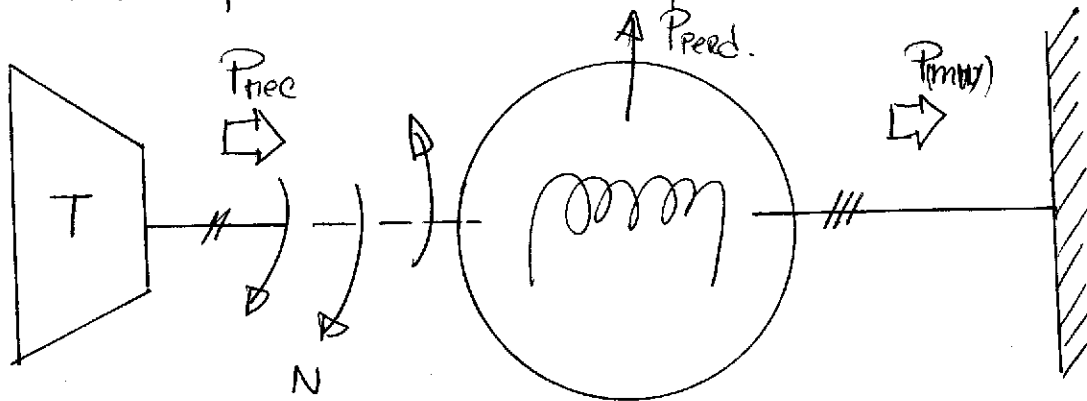
$$f = 60 \text{ Hz}$$

p	$N(\text{RPM})$
2	3600
4	1800
8	900
12	600
16	450
24	300
30	240

GENERADOR SÍNCRONO

Se caracteriza por:

- Convertir la potencia mecánica en potencia Activa.



$$P_{mec} = P_{mech} + P$$

La frecuencia de la tensión generador varía directamente proporcional a la Velocidad.

$$f = \frac{P}{120} \times N$$

Circuito Equivalente Mono Fásico

a) Resistencia del devanado de ARMADURA $R_{T-DC} = R_{20°C} [1 + \alpha \Delta T]$

$$R_{20°C} = \rho_{20} \cdot \frac{l}{S} \quad R_{AC} = R_{T-DC} \cdot [1 + 7.5 \cdot f_a^2 \cdot D_{EXT}^4 \cdot 10^{-7}]$$

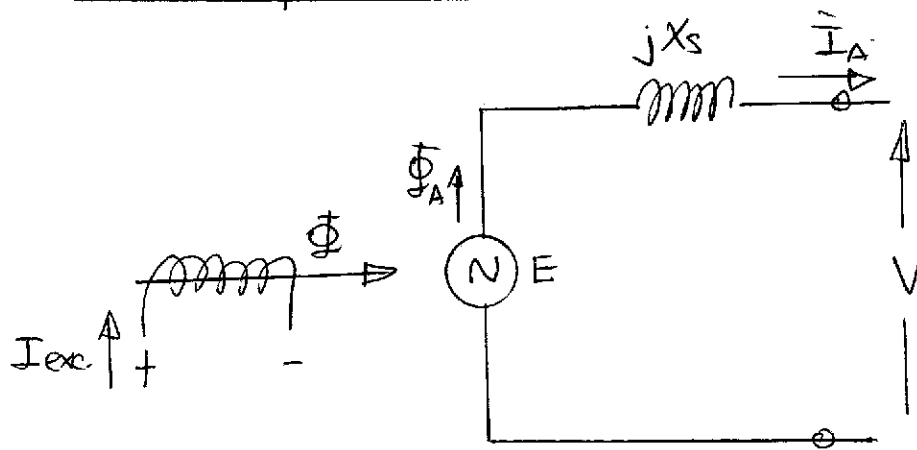
b) Reactancia de dispersión (X_d)

$$X_s = X_m + X_d$$

↓
Reactancia
SÍNCRONA

Generalmente
 $X_s \gg R_a$

Circuito Equivalente Aproximado



V : Tensión en terminales

E : Tensión inducida internamente

I_A : Corriente por la armadura

Φ : Flujo de excitación

Φ_A : Flujo debido a la reacción de la armadura

Se cumple la 2^{da} Ley de Kirchhoff

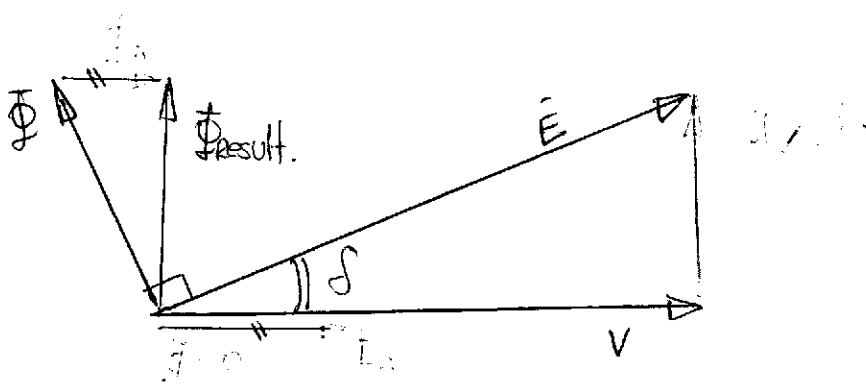
$$E = V + I_A \cdot X_s \quad \dots (1)$$

GENERADOR CON CARGA

Tenemos en cuenta 3 tipos de carga.

- Carga Resistiva
- " Inductiva
- " Capacitiva

a) CARGA RESISTIVA.

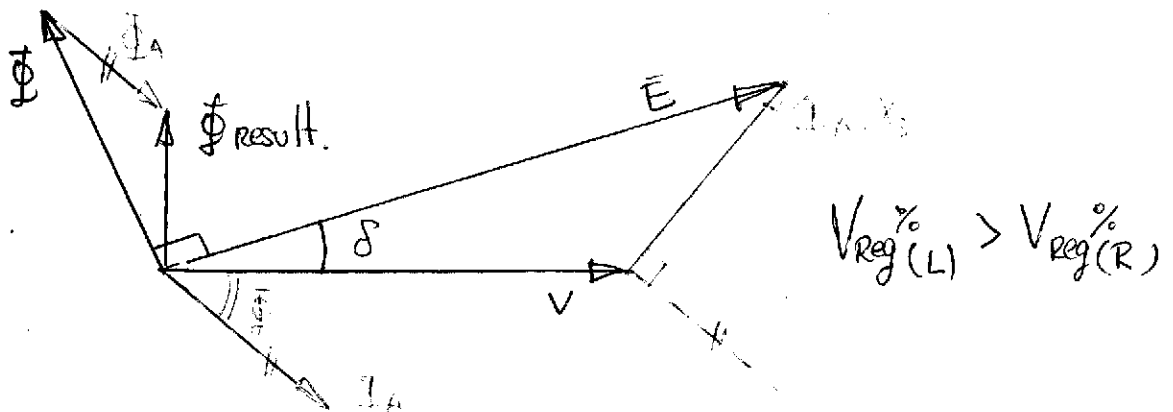


Se define Reg. tensión $V_{reg} \%$

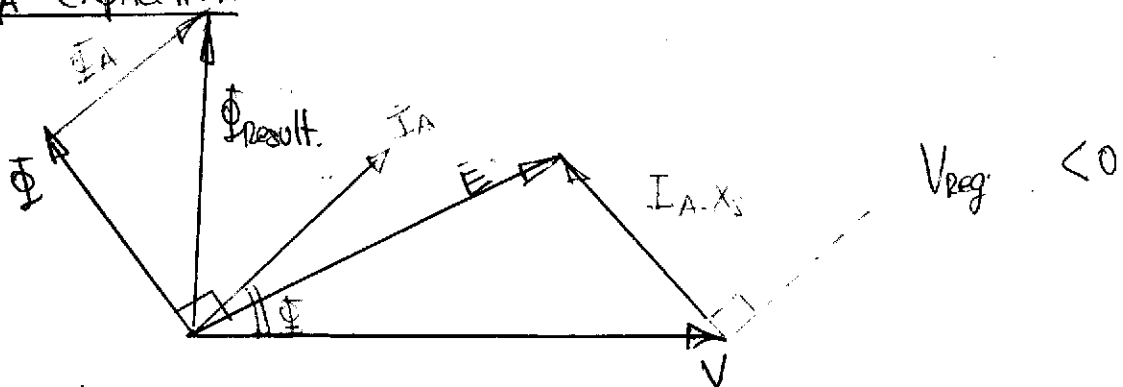
$$V_{reg} = \frac{V(\Phi) - V_{(P.C.)} \times 100}{V_{(P.C.)}} = \frac{E - V_{(P.C.)}}{V_{(P.C.)}} \times 100$$

En (1): EN VACÍO, $I_A = 0 \wedge V(\Phi) = E$

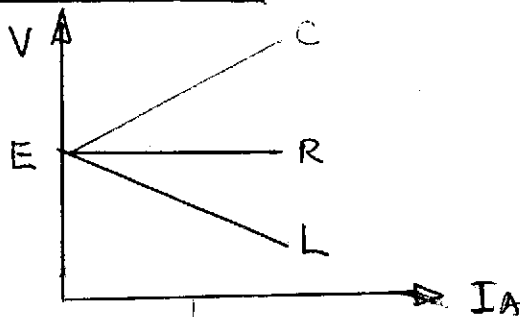
b) CARGA INDUCTIVA



c) CARGA CAPACITIVA



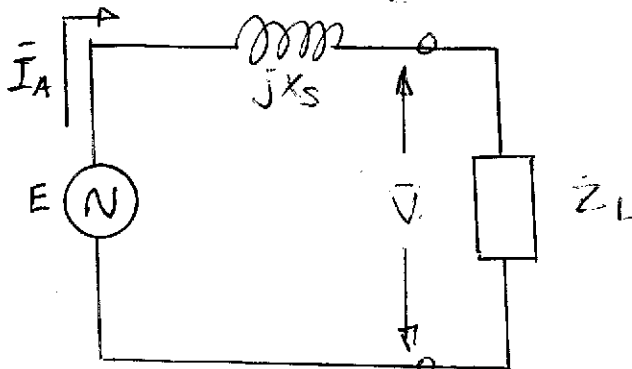
Tensión en terminales Vs I_A



Ejm:

Un generador sincrónico de 800 MW, $\cos\phi = 0,8$, 10 kV, $p=2$, 60 Hz, $X_s = 1,25$ pu y R_a despreciable, suministra 60 MW y 45 MVAR a una carga, a la tensión de 10 kV. ~~Se~~ Determinar:

- LA tensión interna (E) en P.U.
- EL ángulo de potencia (δ)
- LA regulación de tensión
- EL porcentaje a plena carga.



$$a) \quad \bar{E} = \bar{V} + \bar{I}_A \cdot \bar{X}_s \quad \dots (1)$$

Tomando como referencia

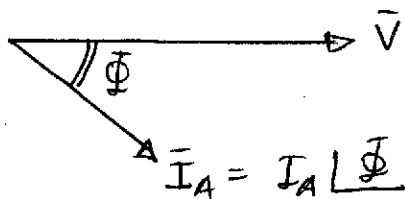
$$S_B = 100 \text{ MVA}$$

$$U_B = 10 \text{ kV}$$

$$\Rightarrow \bar{V} = 1,0 \angle 0^\circ \quad (\text{Tomándolo como referencia})$$



$$\phi = \arctan\left(\frac{45}{60}\right) = 36,87^\circ$$



$$S_L = \sqrt{60^2 + 45^2} \text{ MVA}$$

$$S_L = 75 \text{ MVA}$$

$$\boxed{S_L \text{ (pu)} = 0,75}$$

$$\bar{S}_L \text{ (pu)} = \bar{V} \text{ (pu)} \cdot \bar{I}_A^* \text{ (pu)}$$

$$0,75 \angle 36,87^\circ = 1,0 \angle 0^\circ \cdot \bar{I}_A^* \text{ (pu)}$$

$$\boxed{\bar{I}_A = 0,75 \angle -36,87^\circ}$$

en (a)

$$\bar{E} = 1,0 \angle 0^\circ + 0,75 \angle -36,87^\circ \times 1,25 \angle 90^\circ$$

$$\bar{E} = 1,733 \angle 25,64^\circ \text{ (pu)}$$

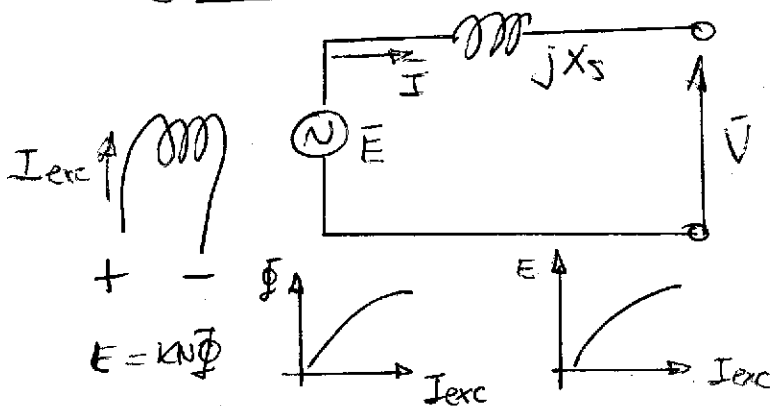
$$\bar{E} = 1,733 \text{ (pu)}$$

$$\bar{E} = 17,33 \text{ kV entre líneas.}$$

b) $\delta = 25,64^\circ$

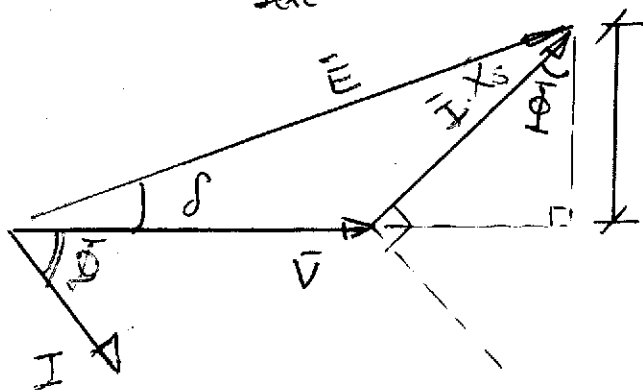
c) $V_{reg} \% = \frac{1,733 - 1}{1} \times 100 = 73,3\%$

Ecuación Potencia - Ángulo



Se cumple:

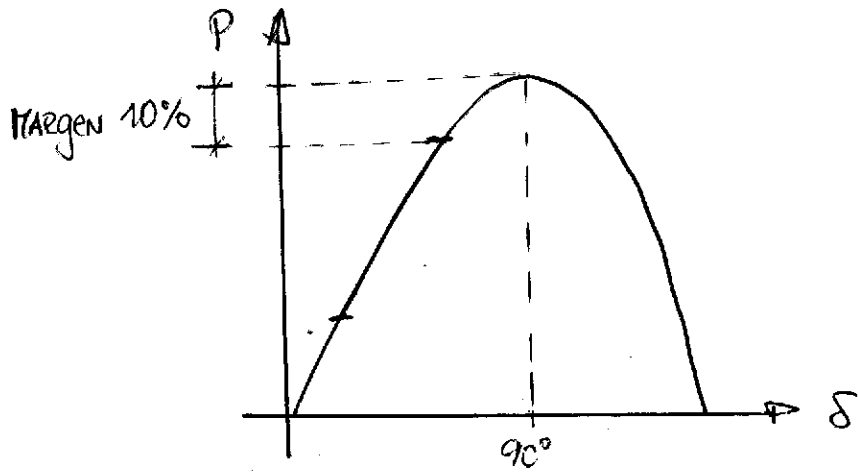
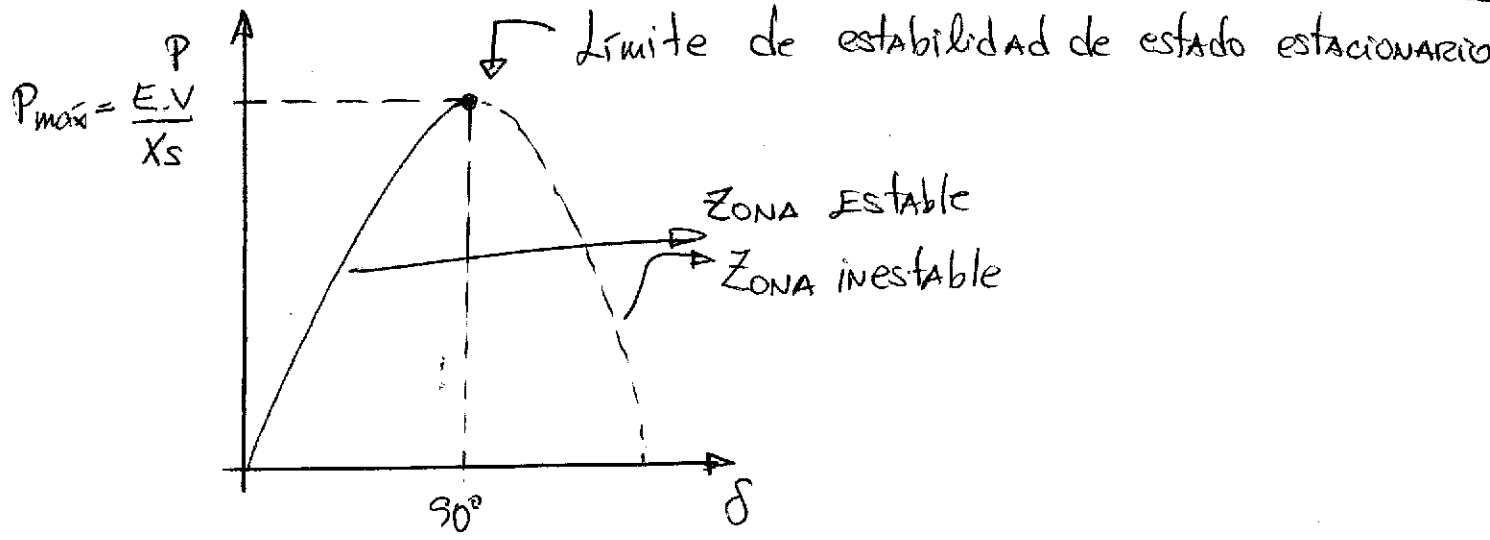
$$\bar{E} = \bar{V} + \bar{I} \cdot \bar{X}_s$$



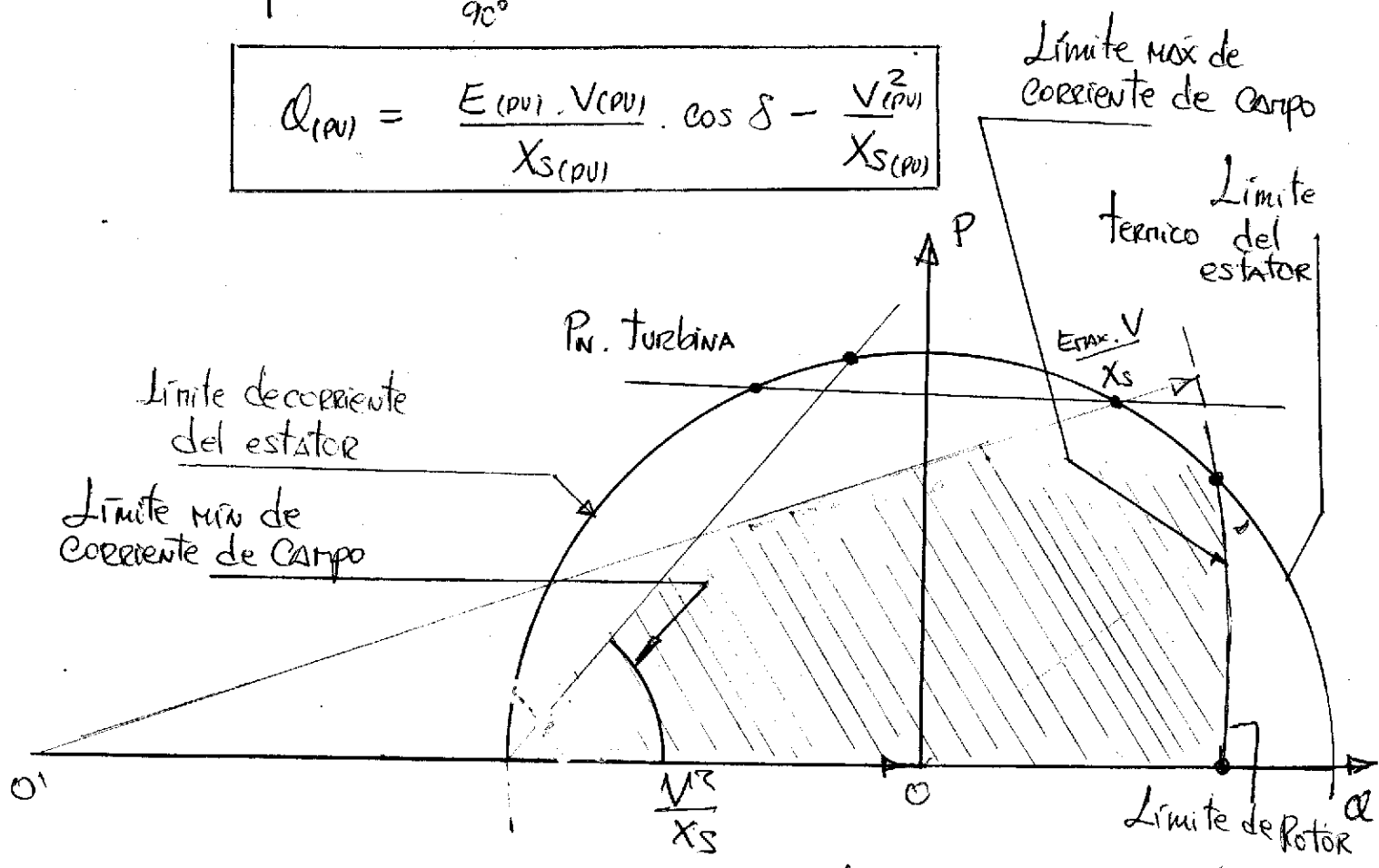
$$I \cdot X_s \cos \phi = E \text{ sen } \delta$$

$$\frac{X(pu)}{X_s(pu)} I(pu) \cdot X_s(pu) \cdot \cos \phi = E(pu) \cdot \text{sen } \delta \cdot \frac{X(pu)}{X_s(pu)}$$

$$P(pu) = \frac{E(pu) \cdot V(pu)}{X_s(pu)} \cdot \text{sen } \delta$$



$$Q_{(pu)} = \frac{E_{(pu)} \cdot V_{(pu)} \cdot \cos \delta}{X_{s(pu)}} - \frac{V_{(pu)}^2}{X_{s(pu)}}$$



Limite de operacion del
 GENERADOR SINCRONO
 (CURVA de CAPACIDAD)

E_m :

Un turbogenerador de una central térmica tiene las siguientes características:

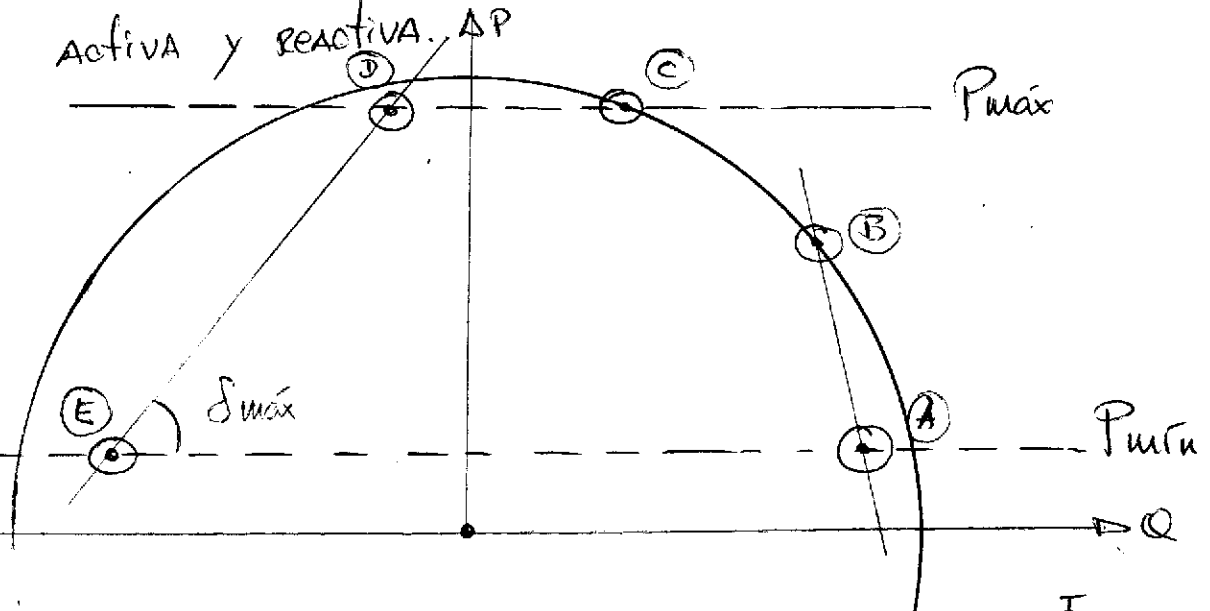
776 MVA, 23 kV, 60 Hz, $X_s = 1,2$ (pu)

El funcionamiento de generador está sujeto a los siguientes límites, además de a la propia intensidad y potencia nominales.

- La turbina del vapor que acciona el generador proporciona una potencia motriz comprendida entre 660 y 194 MW
- La intensidad de excitación en el rotor, y el efecto de la saturación del arco magnético, limita la fem disponible a un máximo de 1,96 pu.
- Para asegurar que el generador se mantiene en sincronismo, la fase de la fem se limita a 70° como máximo.

Determinar los límites de funcionamiento del generador en términos de potencia activa y reactiva. ΔP

$E_{m\max} = 1,96$ pu
 $\delta_{\max} = 70^\circ$
 $P_{\max} = 660$ MW
 $P_{\min} = 194$ MW
 $S_N = 776$ MVA
 $X_s = 1,2$ pu
 $V_N = 23$ kV
 $f_N = 60$ Hz



Punto	P (MW)	Q (MVAR)	E (pu)	δ ($^\circ$)	I (kA)	$\cos \phi$
A	194	605	1,96	$8,8^\circ$	15,95	0,31
B			1,96			
C	660					
D	660			70°		
E	194			70°		

$$P_{\max} = 660 \text{ MW} \rightarrow P_{\max}(\text{pu}) = \frac{660}{776} = 0,8505(\text{pu})$$

Asumiendo.

$$S_B = 776 \text{ MVA}$$

$$U_B = 23 \text{ KV}$$

$$P_{\min} = 194 \text{ MW} \rightarrow P_{\min}(\text{pu}) = \frac{194}{776} = 0,25(\text{pu})$$

$$\bar{U}(\text{pu}) = \frac{23}{23} \Rightarrow \bar{U}(\text{pu}) = 1,0 \angle 0^\circ$$

Punto (A)

$$P = \frac{E \cdot V}{X_s} \text{ Sen } \delta \quad \dots \quad (1)$$

$$Q = \frac{E \cdot V}{X_s} \text{ Cos } \delta - \frac{V^2}{X_s} \quad \dots \quad (2)$$

en (1):

$$0,25 = \frac{1,96 \times 1,0}{1,2} \text{ Sen } \delta$$

$$\text{Sen } \delta = 0,15$$

$$\boxed{\delta = 8,8^\circ}$$

en (2):

$$Q = \frac{1,96 \times 1,0}{1,2} \text{ Cos}(8,8^\circ) - \frac{1^2}{1,2}$$

$$Q = 0,78(\text{pu})$$

$$Q(\text{MVAR}) = 0,78 \times 776 \text{ MVAR}$$

$$\boxed{Q = 605 \text{ MVAR}}$$

$$S = \sqrt{194^2 + 605^2}$$
$$\boxed{S = 635,34 \text{ MVA}}$$

$$I = \frac{S}{\sqrt{3} \times U_N}$$

$$= \frac{635,34 \text{ MVA}}{\sqrt{3} \times 23 \text{ KV}}$$

$$I = 15,95 \text{ KA}$$

$$\text{Cos } \phi = \frac{P}{S} = \frac{194}{635,34}$$

$$\text{Cos } \phi = 0,31$$

TRANSFORMADORES de Potencia

- Es un elemento muy efectivo
- Permite operar los equipamientos del SEP a tensiones donde desarrollen su máxima eficiencia con la mayor seguridad posible.

Los generadores operan en 4,16kV; 10kV; 13,2kV; 13,8kV; 20kV, 25kV

Powerformer \rightarrow 70kV

Las L.T. operan en 110kV, 138kV, 220kV, 500kV, 750kV

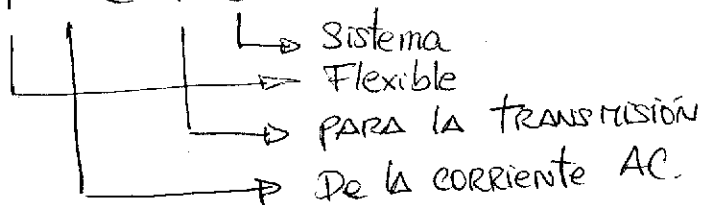
$$E = \frac{V}{d} \text{ (kV/cm)}$$

El borne de alta tensión es el q' tiene mayor línea de fuga (más alto).

El Trafo sirve de aislador entre el primario y secundario lo q' no hace el autotransformador porq' hay continuidad del primario y secundario.

- \rightarrow Como determinar si la potencia del trafeo es la q' aparece en la placa de conmutador en vacío y baja carga
- \rightarrow Porq' un trafeo en vacío podría calentarse inusualmente
- \rightarrow entre interruptor de caja moldeada y de bastidor abierto

FACTS



STATCOM \rightarrow Compensador Estático

\hookrightarrow Reemplaza al compensador Síncrono.

Ciclo convertidor: Es un variador de velocidad q' sirve para accionar los motores síncronos

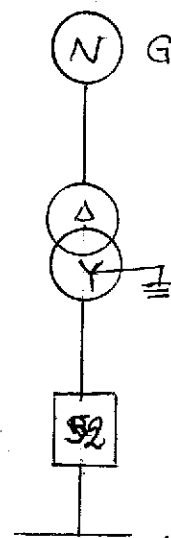
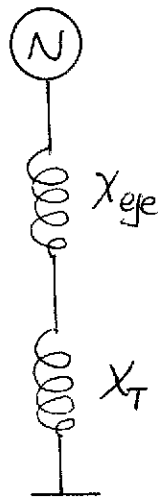
El primario generalmente es el de baja tensión

$$\mu_{ce}(\%) = \zeta_{ce}(\%)$$

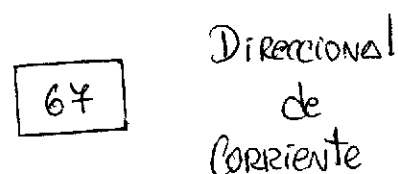
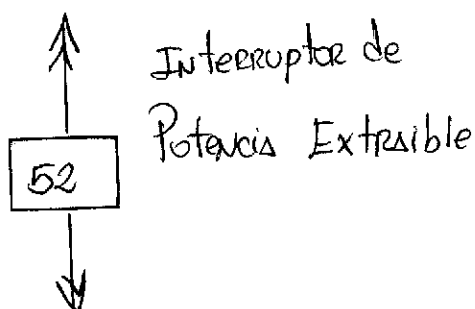
tipos de Tráfos	$\mu_{ce}(\%)$
Potencia	10 - 15%
Distribución	4 - 6% porq' quiero la menor impedancia
Medida	1%

* Efecto LORENZ.

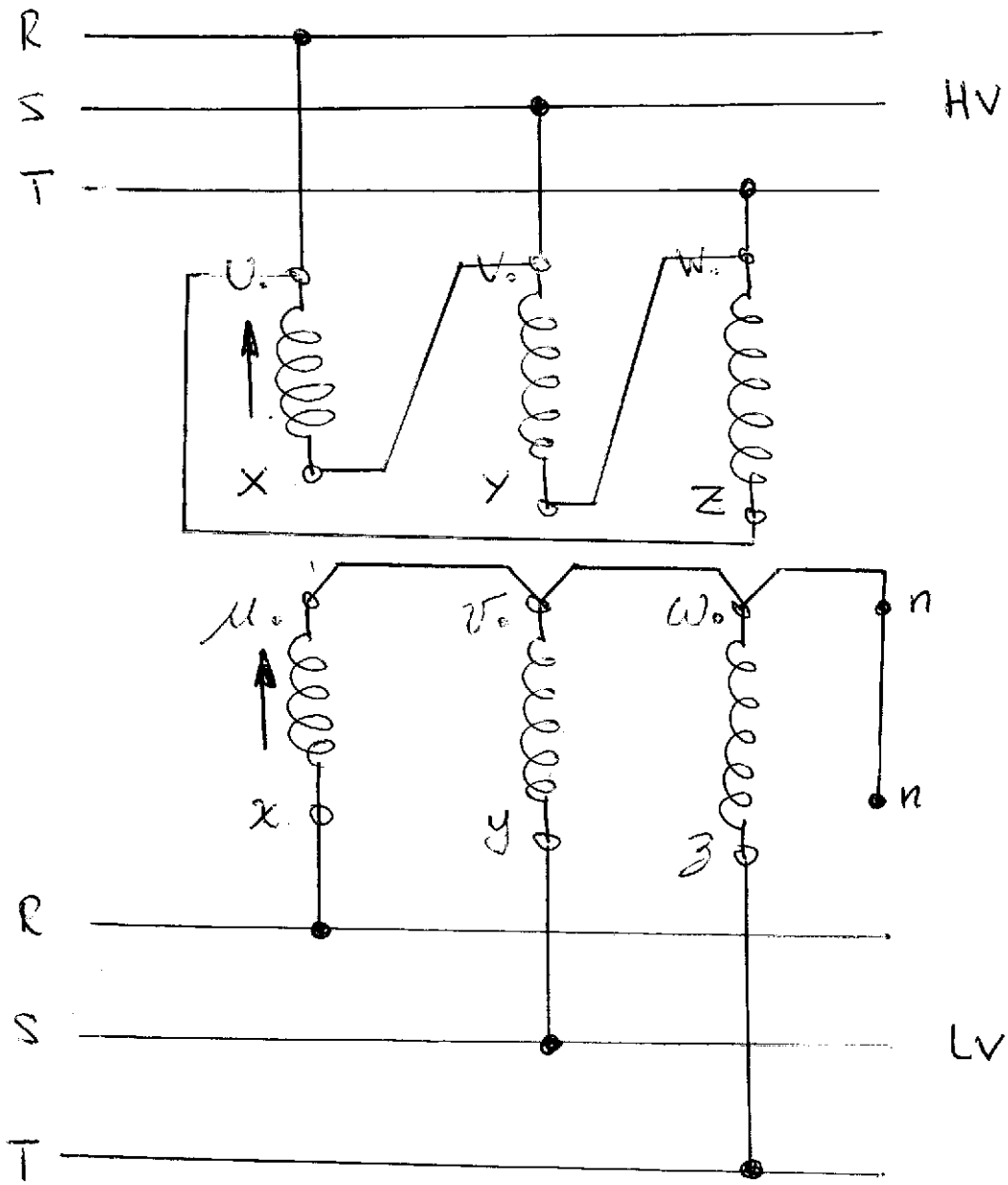
Cuando se esta en alta tensión se esta mas cerca de la fuente



La reactancia tiene q' ser grande para q' limite su I_{ce}

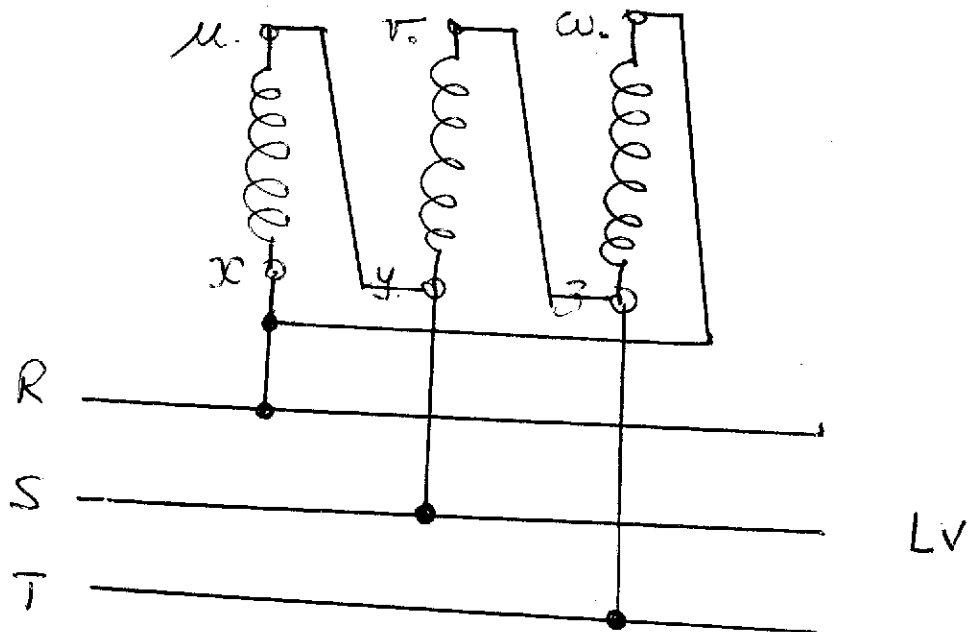
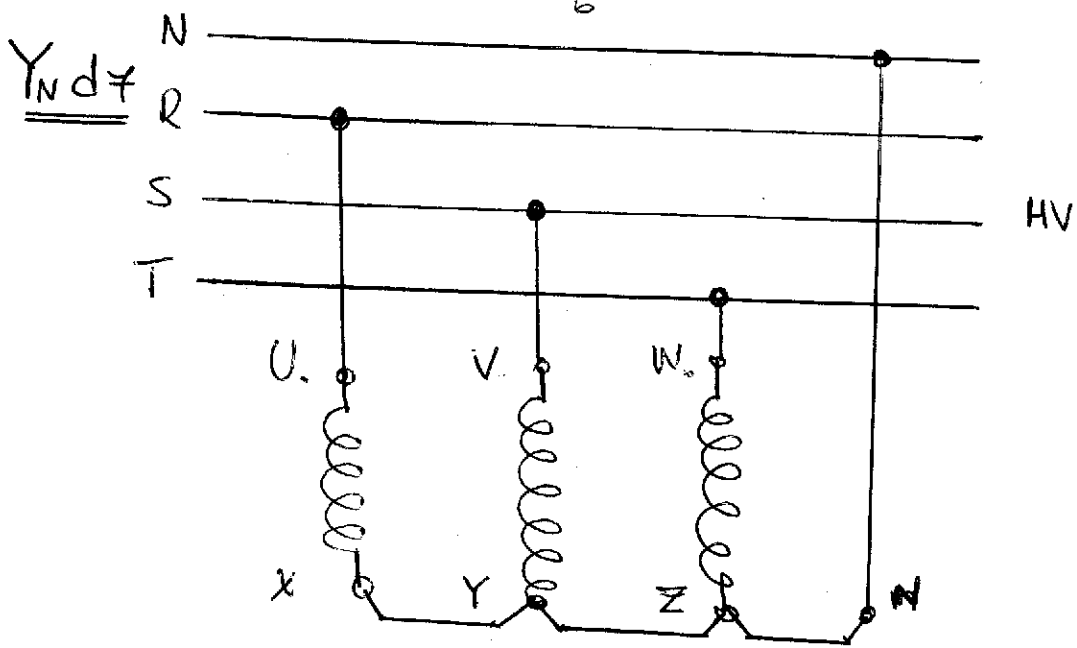
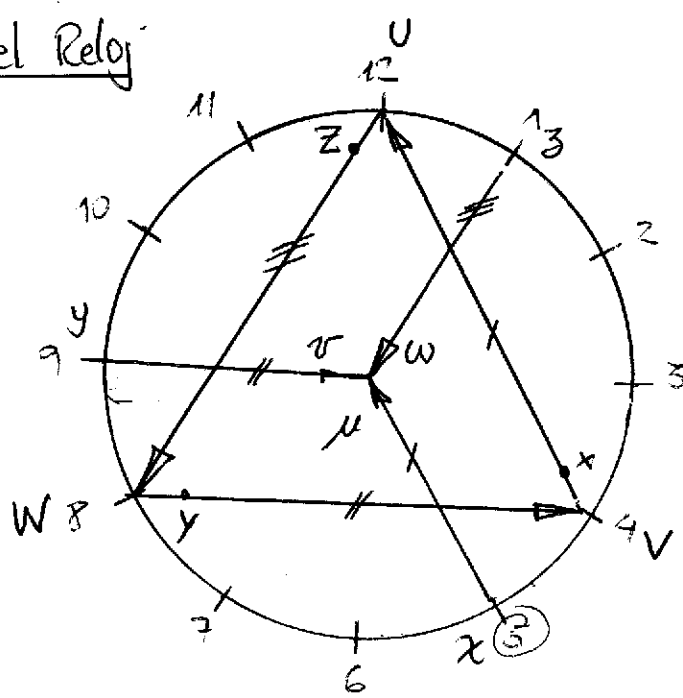


Grupo de conexión de Transf. de Potencia

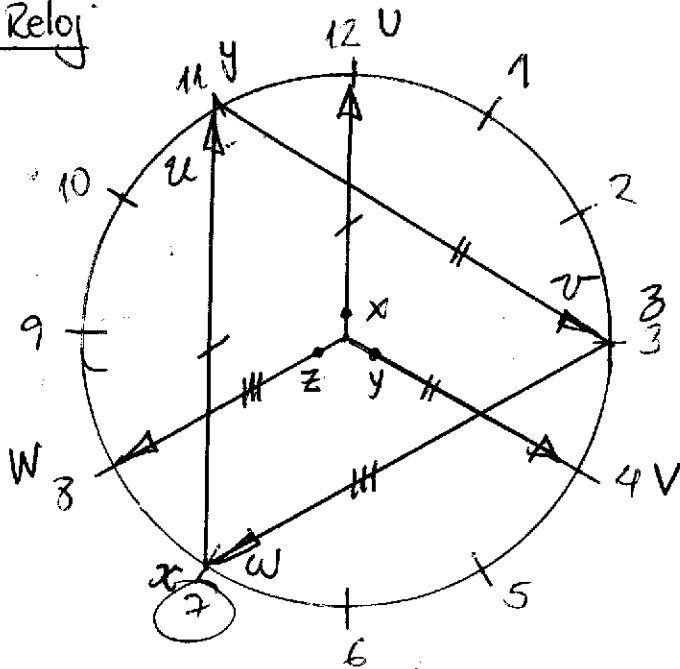


$Dyn5$
 ↑ ↑ ↑ ↑ Índice → desfase = índice $\times 30^\circ$
 ———— Neutro es accesible
 ———— Conexión del devanado de LV
 " " " " HV

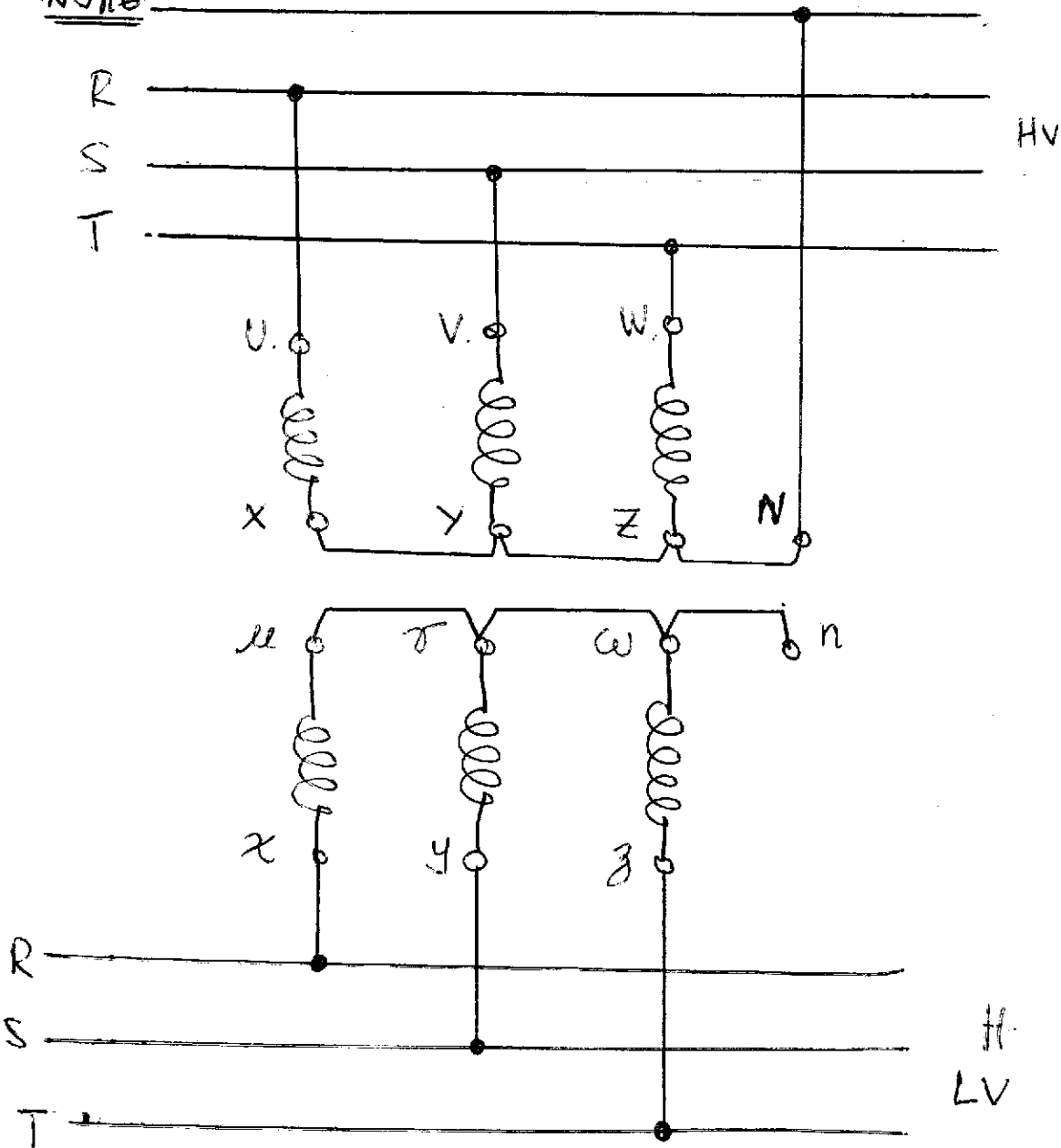
Método del Reloj



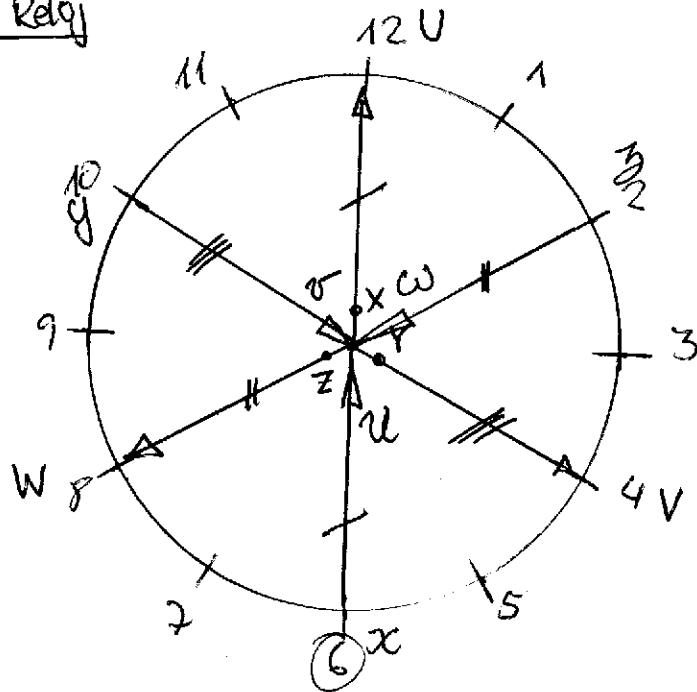
Método del Reloj



YNyn6



Método del Reloj

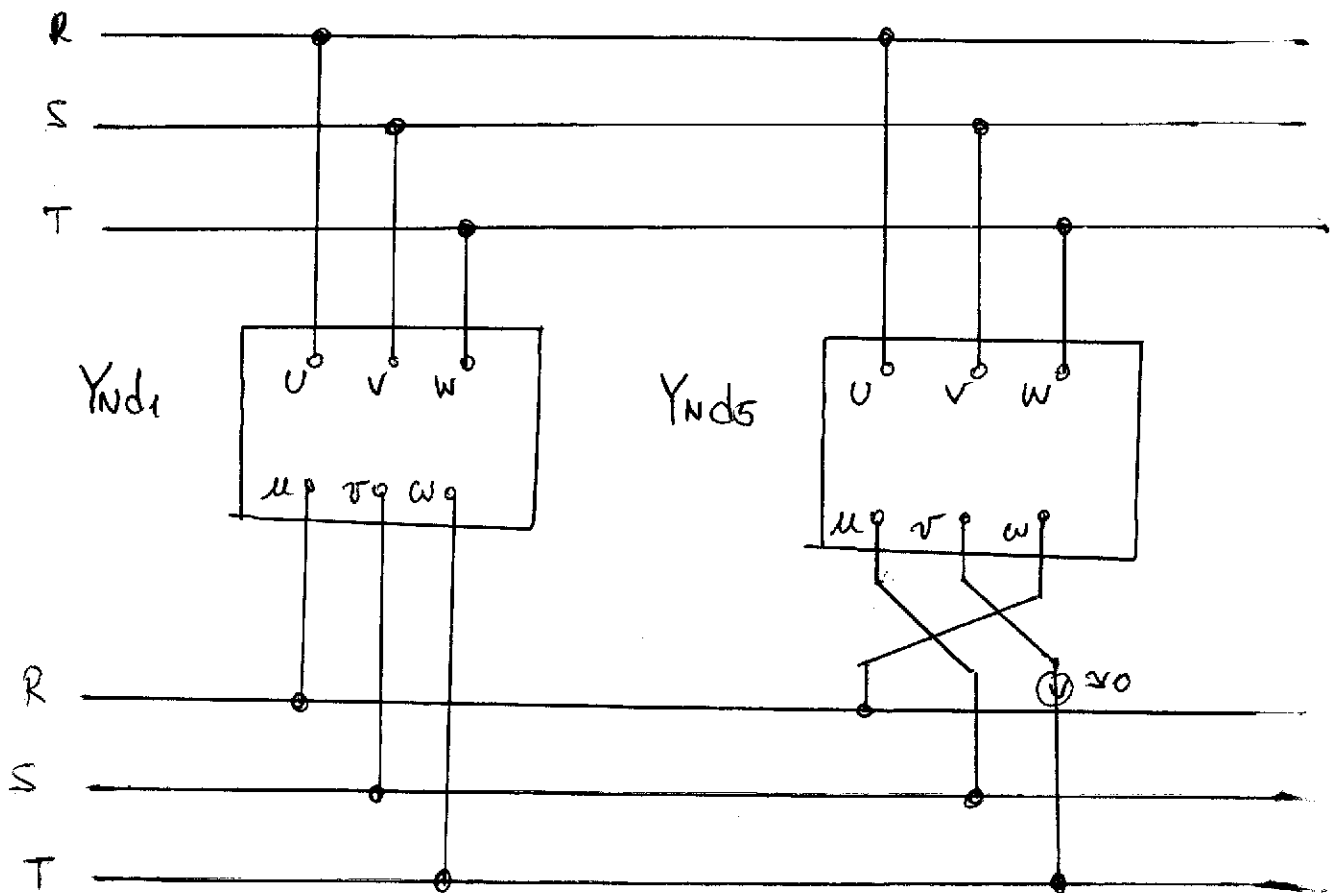


Paralelo de Transformadores trifásicos

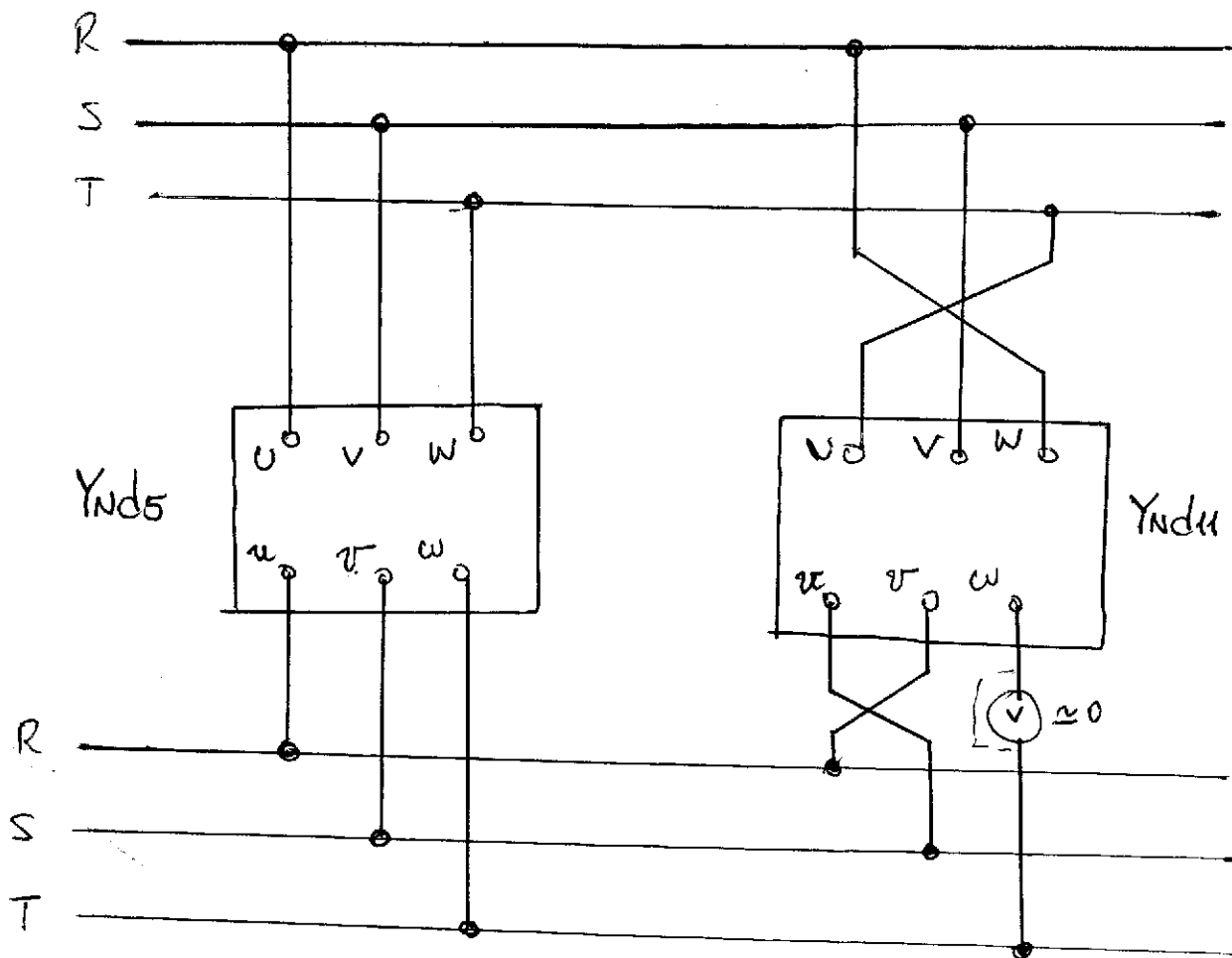
Se deben de cumplir 4 condiciones fundamentales. Las dos primeras son necesidad imperiosa y las dos últimas por razones de optimización.

- 1) Ambos transformadores posean el mismo grupo de conexión o q' sean compatible.

De no tenerse en cuenta esta condición se puede ocasionar un cortocircuito.

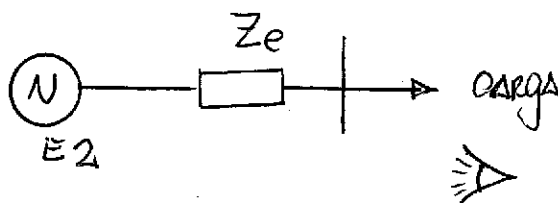
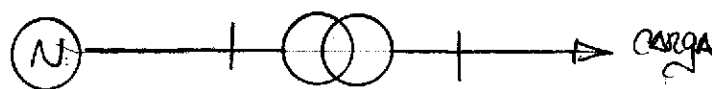


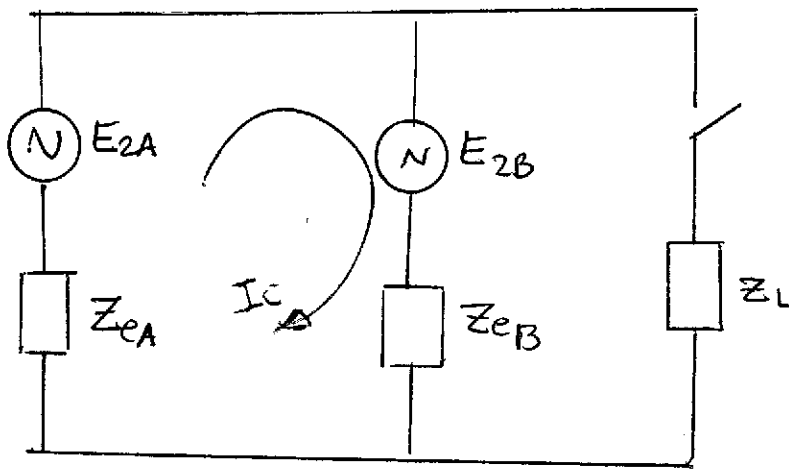
Grupo	Indice
I	2 6 10
II	5 1
III	7 11
IV	0 4 8



② Que ambos transformadores posean la misma relación de transformación (Tomar en cuenta la posición del conmutador de toras)

No debe cumplirse con esta condición aparecerá una corriente circulante





I_c : Corriente Circulante

$$\bar{I}_c = \frac{\bar{E}_1 - \bar{E}_2}{\bar{Z}_{e1} + \bar{Z}_{e2}}$$

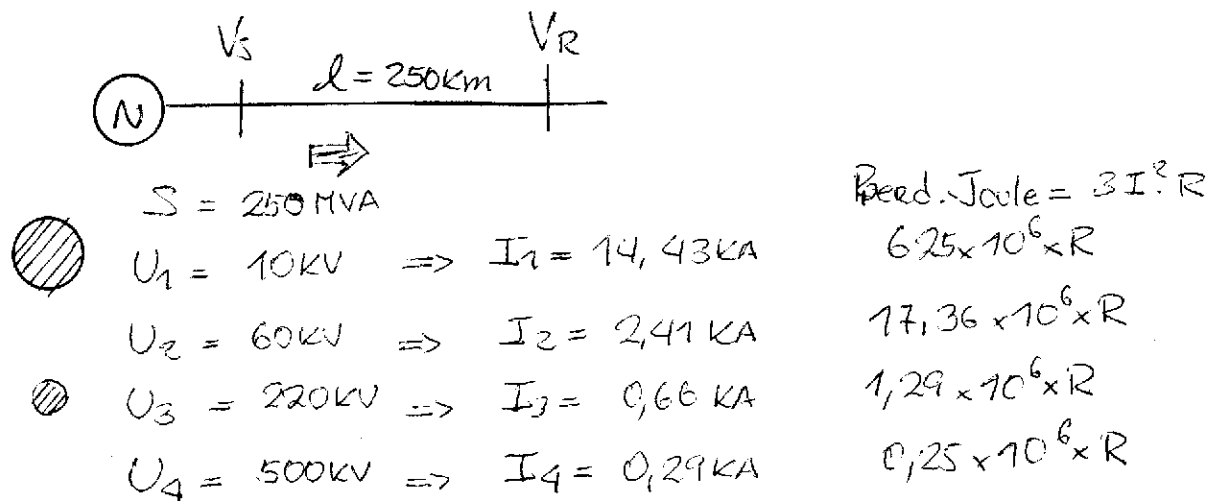
③ Que ambos posean la misma tensión de corto circuito.

De no cumplirse con esta condición el reparto de carga NO SERÁ PROPORCIONAL, el de menor $\mu\%$ ASUMIRÁ MAYOR PORCENTAJE DE CARGA

LÍNEAS DE TRANSMISIÓN

LÍNEAS DE TRANSPORTE

Transporta la energía eléctrica en grandes volúmenes, cubriendo grandes distancias, emplea alta tensión.



Las L.T. se caracterizan por tener reducidas pérdidas.

- 1.- Parámetros de la L.T.
- 2.- Modelamiento de la L.T.
- 3.- Evaluar el desempeño de la L.T.
- 4.- Analizar la capacidad de transmisión de las L.T.

1.- PARÁMETROS DE UNA L.T.

Una L.T. tiene 4 efectos:

- Efecto Resistivo (R)
- " Inductivo (L)
- " Capacitivo (C)
- " Conductivo (G)

Efecto Resistivo (R)

EN DC: $R_{20^\circ\text{C}} = \rho_{20^\circ\text{C}} \times \frac{l}{S}$

$\rho_{20^\circ\text{C}}$: Resistividad a 20°C ($\frac{\Omega \times \text{mm}^2}{\text{m}}$)

l : Longitud (m)

S : Sección transversal (mm^2)

$R_{20^\circ\text{C}}$: Resistencia a 20°C (Ω)

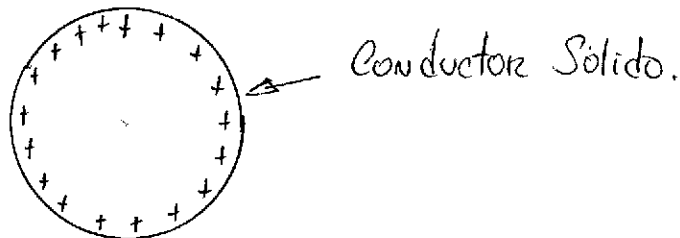
$$R_{75^{\circ}\text{C}_{\text{DC}}} = R_{20^{\circ}\text{C}_{\text{DC}}} \times [1 + \alpha (T_F - T_i)]$$

\uparrow \uparrow
 75°C 20°C

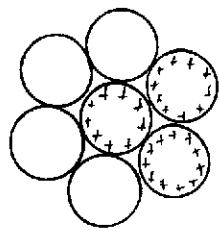
EN AC:

Se presenta el efecto peculiar SKIN

La sección efectiva se reduce.



Los cable de energía son cableados.



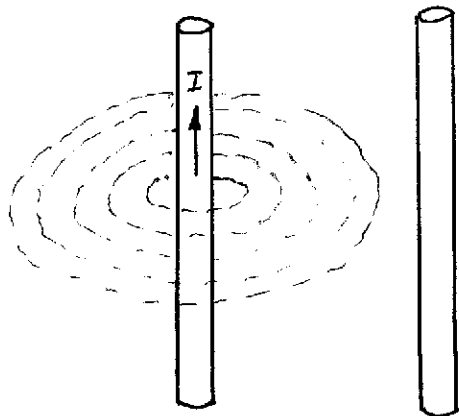
$$S_{\text{ef cable}} > S_{\text{ef conductor Sólido}}$$

$$R_{\text{AC cable}} = 1,03 - 1,05 R_{\text{DC cable}}$$

Debido al efecto resistivo se tiene pérdidas por efecto Joule.

$$P_{\text{Périd. Joule}} = 3 \times I^2 R_{\text{AC}}$$

Efecto Inductivo (L)



Em:

Estimar el nivel de Tensión de una L.T. q' transportará 200MW cubriendo una distancia de 120km.

Sol:

$$U = 5,5 \sqrt{\frac{120}{1,61} + \frac{200000}{100}}$$

$$U \approx 250 \text{ kV}$$

$$\Rightarrow \boxed{U = 220 \text{ kV}}$$

$$U = 5,5 \sqrt{\frac{l}{1,61} + \frac{P}{100}}$$

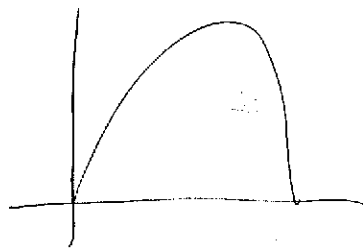
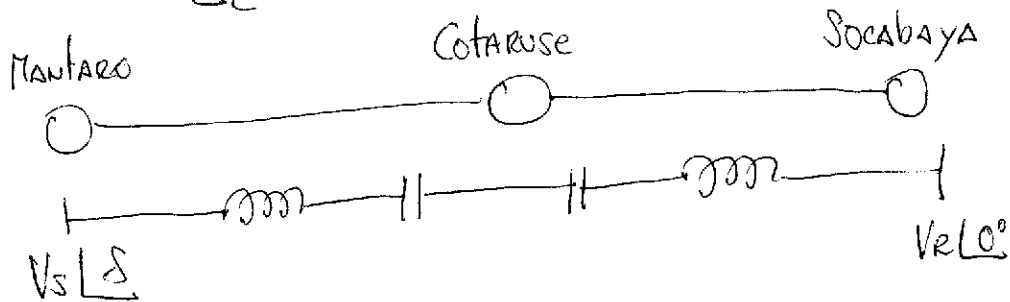
l: km

P: kW

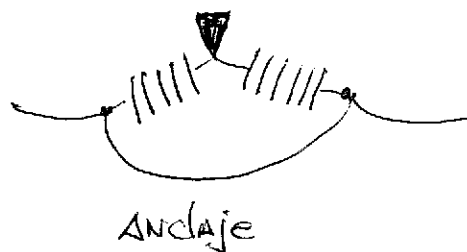
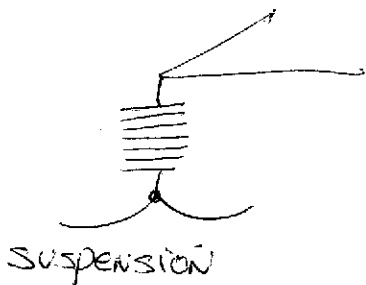
Tensión Línea-Línea (kV)	Espaciamiento Equivalente (m)
11	1
33	1,3
66	2,6
110	5
132	6
166	8
230	10,2

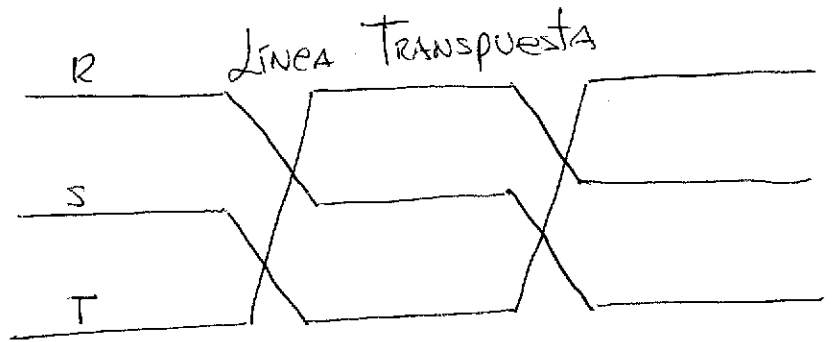
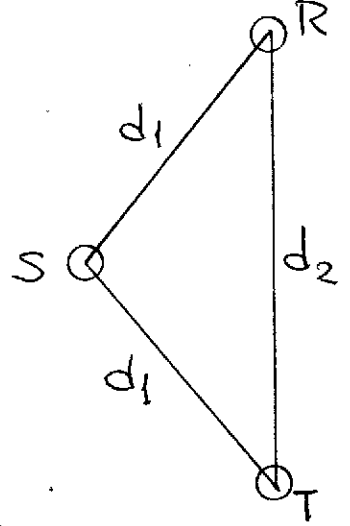
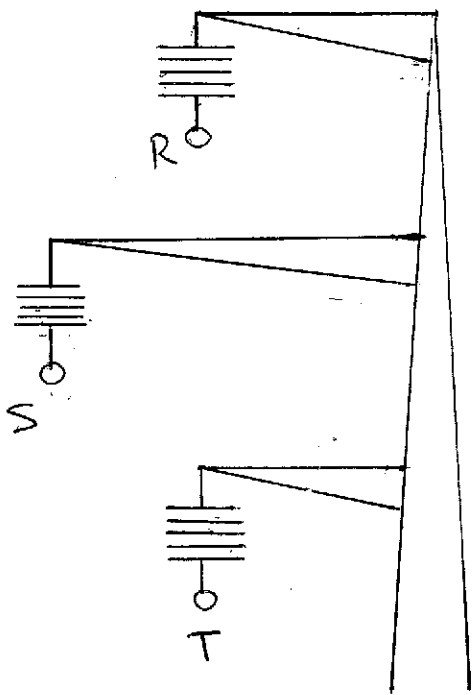
$$SIL = \frac{U^2}{Z_c}$$

SIL: POTENCIA NATURAL



$$P_s = \frac{V_r \cdot V_s}{(X_L - X_c)} \sin \delta$$





TRANSPOSICIÓN de LÍNEAS.

Ejm:
 Una línea trifásica de alta tensión está constituida por conductores múltiple dúplex (dos conductores por fase de cobre), tal y como se muestra.

Cada conductor lleva la mitad de la corriente de fase.

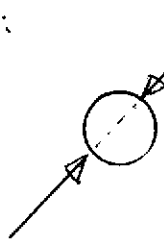
Además la línea está totalmente transpuesta.

Se debe de calcular:

- a) r (Ω / km) / fase
- b) X_L (Ω / km) / fase
- c) X_C (Ω / km) / fase

Considerar como temperatura de servicio 80°C

Nota:



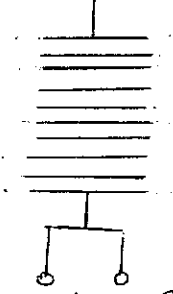
$D = 30 \text{ mm}$

y la separación entre conductores es

$S = 0,5 \text{ m}$

$\alpha_{cu} = 0,0039 \text{ } ^\circ\text{C}^{-1}$

$P_{cu} = 17,6 \left(\frac{\Omega \cdot \text{mm}^2}{\text{km}} \right)$



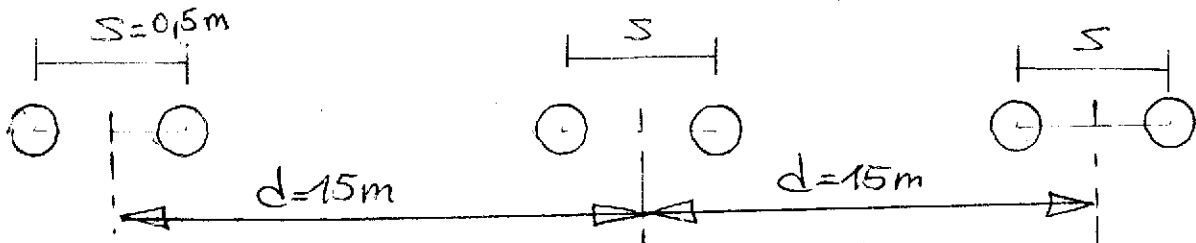
dúplex

haz de 2 conductores

$$L = \frac{\mu_0}{2\pi} \ln \left(\frac{D_{MG}}{R_{MG}} \right)$$

$$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \left(\frac{H}{m} \right)$$

$$C = \frac{2\pi \epsilon_0}{\ln \left(\frac{D_{MG}}{R_{MG'}} \right)} \quad R_{MG} = \sqrt[1/4]{e \cdot r \cdot s}$$



Sol: al cálculo de la resistencia de un conductor

$$r_{20^\circ C, DC} = r_{20^\circ C} \times \frac{1}{\left(\frac{\pi D^2}{4} \right)}$$

$$D_{MG} = \sqrt[3]{d \times d \times (2d)}$$

Distancia Media Geométrica

$$r_{20^\circ C, DC} = 17,6 \left(\frac{\Omega \times mm^2}{km} \right) \times \frac{1 km}{\left(\frac{\pi \times (30 mm)^2}{4} \right)}$$

$$r_{20^\circ C, DC} = 0,02489 \frac{\Omega}{km}$$

$$r_{80^\circ C, DC} = r_{20^\circ C, DC} \cdot [1 + 0,0039(80 - 20)]$$

$$r_{80^\circ C, DC} = 0,030725 \frac{\Omega}{km}$$

Considerando un 3% adicional por el efecto peculiar (SKIN)

$$r_{80^\circ C, AC} = 1,03 \times r_{80^\circ C, DC}$$

$$r_{80^\circ C, AC} = 0,03165 \frac{\Omega}{km}$$

Como se tiene 2 conductores por fase

$$R_T = \frac{R_{80^\circ C, AC}}{2}$$

$$R_T = 0,01582 \frac{\Omega}{km}$$

b) Cálculo de la X_L (Ω/km)

$$L = \frac{4\pi \times 10^{-7}}{2\pi} \times \ln\left(\frac{D_{\text{PG}}}{R_{\text{PG}}}\right)$$

$$D_{\text{PG}} = \sqrt[3]{15 \times 15 \times 30} = 18,8988 \text{ m}$$

$$R_{\text{PG}} = \sqrt[4]{e^{-14} \times 15 \times 500} = 76,43 \text{ mm}$$

$$L = 2 \times 10^{-7} \ln\left(\frac{18,8988 \times 10^3}{76,43}\right) \text{ H/m}$$

$$L = 1,102 \times 10^{-6} \frac{\text{H}}{\text{m}}$$

$$X_L = 2\pi \times f \times L = 2\pi \times 60 \times 1,102 \times 10^{-6} \frac{\Omega}{\text{m}}$$

$$X_L = 4,15 \times 10^{-4} \frac{\Omega}{\text{m}} \Rightarrow \boxed{X_L = 0,415 \left(\frac{\Omega}{\text{km}}\right)}$$

c) Cálculo de la X_C (Ω/km):

$$C = \frac{2\pi \times 8,89 \times 10^{-12}}{\ln\left(\frac{D_{\text{PG}}}{R_{\text{PG}}}\right)}$$

$$D_{\text{PG}} = 18,8988 \text{ m}$$

$$R_{\text{PG}} = \sqrt{15 \times 500} = 86,6 \text{ mm}$$

$$C = \frac{2\pi \times 8,89 \times 10^{-12}}{\ln\left(\frac{18,8988 \times 10^3}{86,6}\right)} \text{ (F/m)}$$

$$C = 1,0372 \times 10^{-11} \left(\frac{\text{F}}{\text{m}}\right)$$

$$C = 1,0372 \times 10^{-8} \left(\frac{\text{F}}{\text{m}}\right)$$

$$X_C = \frac{1}{2\pi f \cdot C} = \frac{1}{2\pi \times 60 \times 1,0372 \times 10^{-8}}$$

$$\boxed{X_C = 255,75 \times 10^3 \frac{\Omega}{\text{km}}}$$

954 MCM

Laboratorio en TESUP

- Poner en servicio un grupo generador de una central.
- Realizar maniobras de cambio de barra.
- Sincronizar a una barra infinita.

Fechas: 4 Lu 18 - Ju 28

L.T.

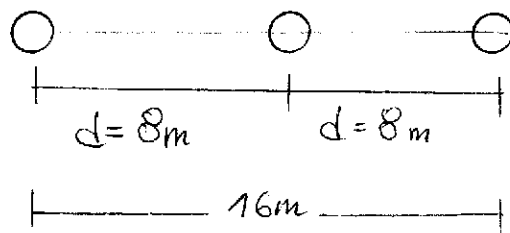
$$U_N = 230 \text{ kV}$$

$$f_N = 60 \text{ Hz}$$

Completamente Transpuesta.

$$S = 954 \text{ MCM}$$

$$R_{MG} = 0,0123 \text{ m}$$



$$DMG = \sqrt[3]{8 \times 8 \times 16} = 10,079 \text{ m}$$

$$L = \frac{\mu_0}{2\pi} \ln \left(\frac{DMG}{R_{MG}} \right) \dots \left(\frac{H}{m} \right)$$

$$L = \frac{4\pi \times 10^{-7}}{2\pi} \ln \left(\frac{DMG}{R_{MG}} \right)$$

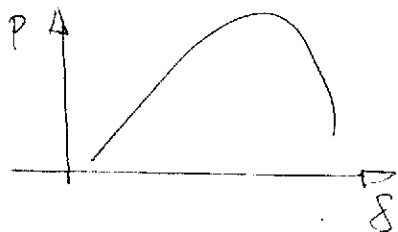
$$L = 2 \times 10^{-7} \cdot \ln \left(\frac{DMG}{R_{MG}} \right)$$

$$DNG = \sqrt[3]{8m \times 8m \times 16m} = 10,079m$$

$$L = 2 \times 10^{-7} \ln \left(\frac{10,079}{0,0125} \right) H/m$$

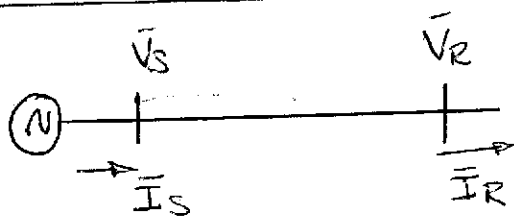
$$L = 1,342 \times 10^{-6} (H/m)$$

$$X_L = 2\pi fL = 0,506 (\Omega/km)$$



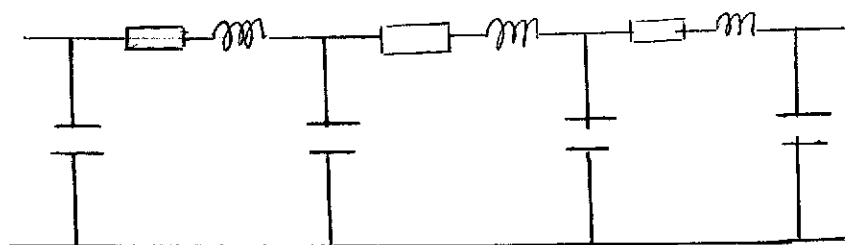
$$P \approx \frac{V_1 V_2}{X_L} \sin \delta$$

Desempeño de una L.T.



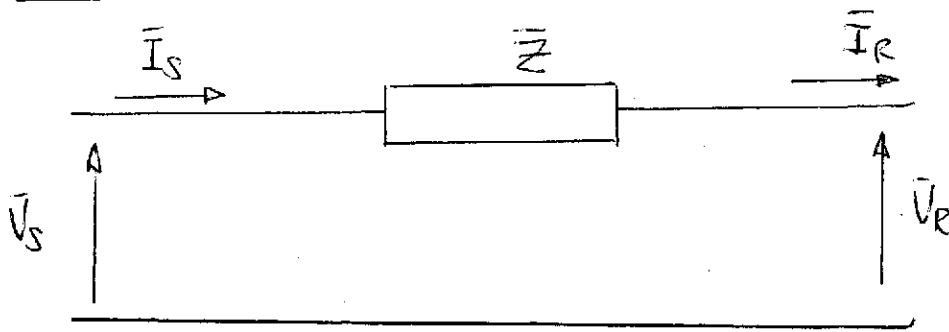
$$\bar{V}_S = \bar{A} \cdot \bar{V}_R + \bar{B} \cdot \bar{I}_R$$

$$\bar{I}_S = \bar{C} \cdot \bar{V}_R + \bar{D} \cdot \bar{I}_R$$



Parámetros distribuidos

MODELO DE LINEA CORTA



$$\bar{V}_S = \bar{A} \cdot \bar{V}_R + \bar{B} \cdot \bar{I}_R \quad (1)$$

$$\bar{I}_S = \bar{C} \cdot \bar{V}_R + \bar{D} \cdot \bar{I}_R \quad (2)$$

$$\bar{V}_S = \bar{V}_R + \bar{Z} \cdot \bar{I}_R \quad (X)$$

COMPARANDO (1) y (X)

$$\bar{A} = 1$$

$$\bar{B} = \bar{Z}$$

V_S : TENSION DE ENVIO

V_R : " " RECEPCION

ASIMISTRO.

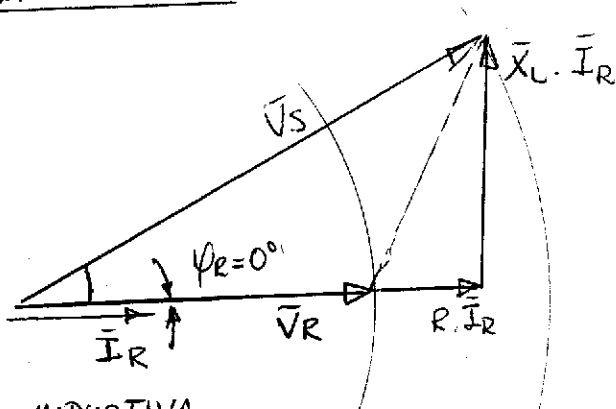
$$\bar{I}_S = \bar{I}_R \quad (P)$$

COMPARANDO (2) y (P)

$$\bar{C} = 0$$

$$\bar{D} = 1$$

CARGA RESISTIVA

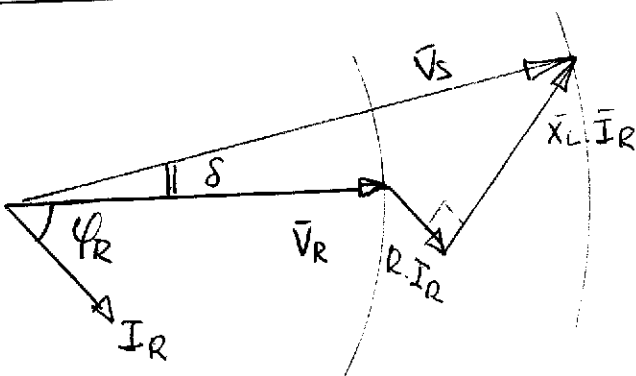


$$\bar{S}_R = 3 \cdot \bar{V}_R \cdot \bar{I}_R^*$$

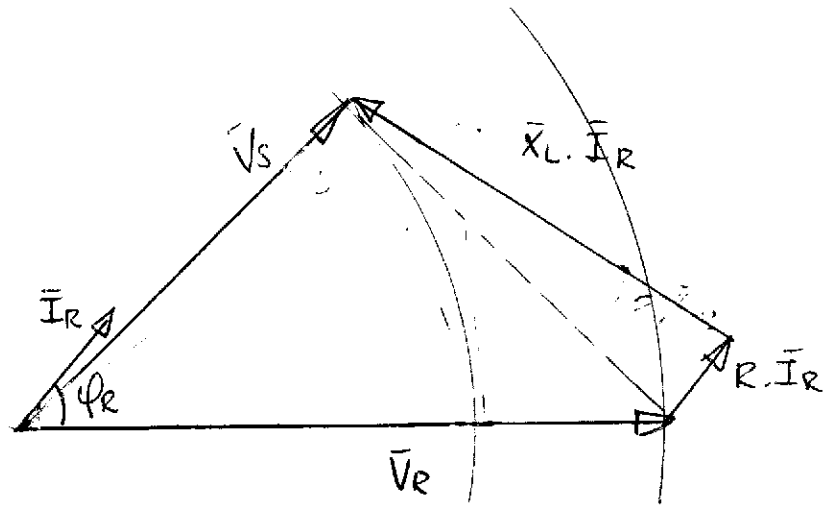
$$\bar{I}_R^* = \frac{S_R}{3\bar{V}_R}$$

$$\bar{I}_R = \frac{S_R^*}{3\bar{V}_R}$$

CARGA INDUCTIVA



CARGA CAPACITIVA

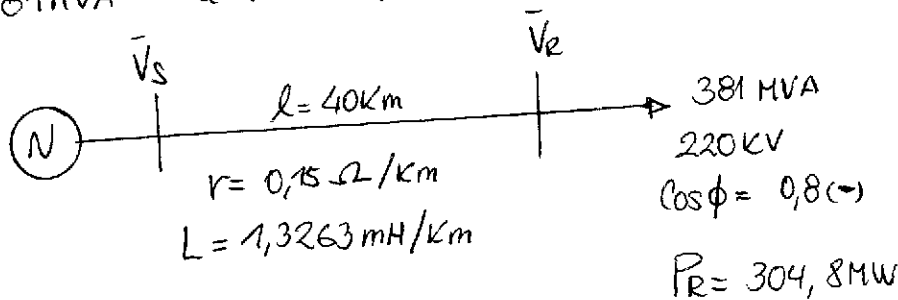


REGULACIÓN DE TENSIÓN

$$V_{reg} \% = \frac{V_r(\phi) - V_r(P.C.)}{V_r(P.C.)} \times 100\%$$

Ejm:
 A 220KV. UNA L.T. TRIFÁSICA ES 40KM DE LARGO. LA RESISTENCIA, POR FASE ES 0,15Ω POR KM Y LA INDUCTANCIA POR FASE ES 1,3263^{mH} POR KM. LA CAPACITANCIA SHUNT ES DESPRECIABLE. USE EL MODELO DE LINEA CORTA PARA ENCONTRAR EL VOLTAJE Y POTENCIA, EN EL EXTREMO DEL ENVÍO Y LA REGULACIÓN DE TENSIÓN Y EFICIENCIA CUANDO LA LÍNEA ESTÁ ALIMENTANDO LA CARGA TRIFÁSICA DE:

- a) 381MVA a $\text{Fd} = 0,8$ EN ATRAZO A 220KV
 b) 381MVA a $\text{Fd} = 0,8$ EN ADELANTO A 220KV.



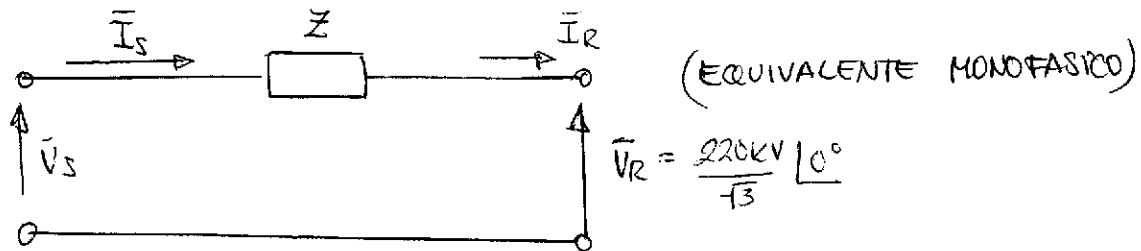
HALLAR:

- $\bar{V}_s = ?$
 $\bar{S}_s = ?$
 $V_{reg} \% = ?$
 $\eta_{LT} = ?$

SOLUCIÓN:

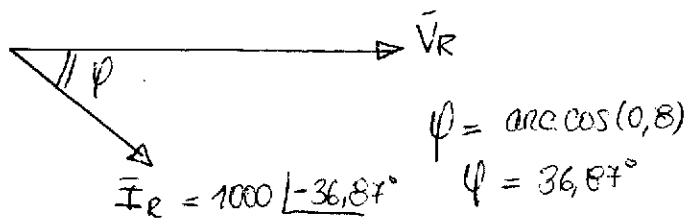
CALCULO DE LA IMPEDANCIA DE LA LINEA

$$\begin{aligned} \bar{Z} &= (r + j 2\pi f L) l \\ &= (0,15 + j 2\pi \times (60) \times 1,3263 \times 10^{-3}) \times 40 \text{ km} \\ \bar{Z} &= (6 + j 20) \Omega \end{aligned}$$



$$\bar{V}_S = \bar{V}_R + \bar{I}_R \cdot \bar{Z} \dots (1)$$

$$I_R = \frac{S_R}{\sqrt{3} \times V_R} = \frac{381 \times 10^6}{\sqrt{3} \times 220 \times 10^3} \Rightarrow I_R = 1000 \text{ A}$$



$$\bar{V}_S = \frac{220 \text{ kV}}{\sqrt{3}} \angle 0^\circ + 1000 \angle -36,87^\circ \times (6 + j20)$$

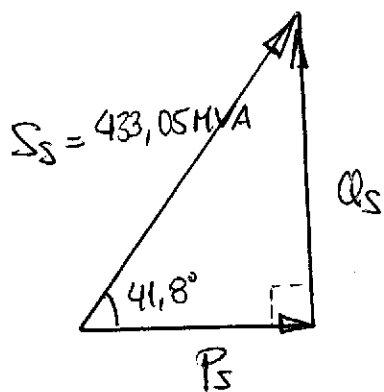
$$\bar{V}_S = 144,35 \angle 4,93^\circ \text{ kV}$$

$$\bar{U}_S = \sqrt{3} \times V_S = \underline{\underline{250 \text{ kV}}}$$

$$\bar{S}_S = 3 \cdot \bar{V}_S \cdot \bar{I}_S^*$$

$$= 3 \times 144,35 \text{ kV} \angle 4,93^\circ \times 1000 \text{ A} \angle 36,87^\circ$$

$$\bar{S}_S = \underline{\underline{433,05 \text{ MVA} \angle 41,8^\circ}}$$



$$P_S = 433,05 \text{ MVA} \cdot \cos(41,8^\circ)$$

$$\underline{\underline{P_S = 322,83 \text{ MW}}}$$

$$P_{\text{perd.}} = P_S - P_R = 18,03 \text{ MW}$$

$$\underline{\underline{\eta = 94,42\%}}$$

PARAMETROS ABCD Y EL CIRCUITO π NOMINAL: LÍNEA DE LONGITUD MEDIA

UNA LÍNEA TRIFÁSICA DE 60HZ, COMPLETAMENTE TRANSPUESTA DE 345KV Y DE 200KM DE LONGITUD TIENE DOS CONDUCTORES ACSR 26/2 DE 795000 CMIL POR HAZ Y LAS SIGUIENTES CONSTANTES DE LA LÍNEA DE SECUENCIA POSITIVA.

$$\bar{Z} = 0,032 + j0,35 \Omega/\text{km}$$

$$\bar{Y} = j4,2 \times 10^{-6} \text{ S/km}$$

LA CARGA PLENA EN EL EXTREMO RECEPTOR DE LA LÍNEA ES DE 700 MW, CON UN F.D. DE 0,99 ADELANTADO Y A 95% DE LA TENSION NOMINAL. SUPONIENDO UNA LÍNEA DE LONGITUD MEDIA, DETERMINE LO SIGUIENTE:

- LOS PARAMETROS ABCD DEL CIRCUITO π NOMINAL.
- LA TENSION V_S , LA CORRIENTE I_S Y LA POTENCIA REAL P_S EN EL EXTREMO EMISOR
- LA REGULACION DE TENSION EN %
- EL LIMITE TERMICO, CON BASE EN LA CAPACIDAD APROXIMADA DE TRANSMISION DE CORRIENTE DADA EN LA TABLA A4
- LA EFICIENCIA DE LA LÍNEA A PLENA CARGA.

SOLUCION

$$\bar{A} = \left(1 + \frac{\bar{Z}\bar{Y}}{2}\right)$$

$$\bar{B} = \bar{Z}$$

$$\bar{C} = \left(1 + \frac{\bar{Z}\bar{Y}}{4}\right)$$

$$\bar{D} = \bar{A}$$

$$f = 60\text{Hz}$$

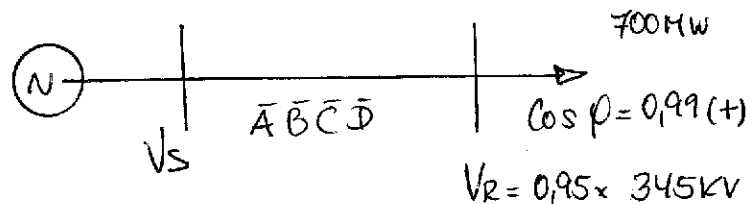
$$V_N = 345 \text{ kV} \quad l = 200 \text{ km}$$

ACSR 26/2

de 795000 (mil circular níl)

$$\bar{Z} = 0,032 + j0,35 \Omega/\text{km}$$

$$\bar{Y} = j4,2 \times 10^{-6} \text{ S/km}$$



$$\bar{Z} = Z \cdot l = (0,032 + j0,35) 200 (\Omega)$$

$$\bar{Z} = 70,292 \angle 84,78^\circ (\Omega)$$

$$\bar{Y} = Y \cdot l = (j4,2 \times 10^{-6}) \times 200 (\text{S})$$

$$\bar{Y} = 8,4 \times 10^{-4} \angle 90^\circ (\text{S})$$

$$\bar{A} = 1 + \frac{70,292 \angle 84,78^\circ \times 8,4 \times 10^{-4} \angle 90^\circ}{2}$$

$$\bar{A} = 0,9706 \angle 0,16^\circ$$

$$\bar{A} = \bar{D}$$

$$\bar{B} = \bar{Z} = 70,292 \angle 84,78^\circ (\Omega)$$

$$\bar{C} = 8,4 \times 10^{-4} \angle 90^\circ \left[1 + \frac{70,292 \angle 84,78^\circ \times 8,4 \times 10^{-4} \angle 90^\circ}{4} \right]$$

$$\bar{C} = 8,277 \times 10^{-4} \angle 90,08^\circ$$

$$I_R = \frac{P_R}{\sqrt{3} \cdot U_R \cdot \cos \phi} = \frac{700 \text{ MW}}{\sqrt{3} \times (0,95 \times 345 \text{ kV}) \times 0,99}$$

$$\boxed{I_R = 1245,55 \text{ A}}$$

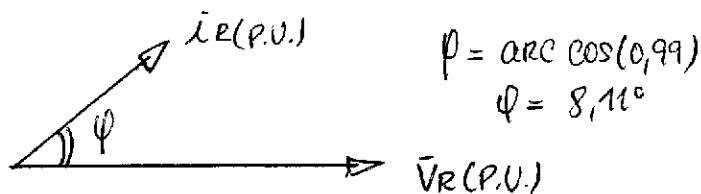
TOPIANDO COMO VALOR BASE 1000 MVA

$$U_B = 345 \text{ kV}$$

$$I_B = \frac{1000 \text{ MVA}}{\sqrt{3} \times 345 \text{ kV}} = 1673,48 \text{ A}$$

$$Z_B = \frac{345^2}{1000} = 119,025$$

$$\bar{I}_R (\text{P.U.}) = \frac{I_R}{I_B} = 0,7443$$



$$\bar{I}_R (\text{P.U.}) = 0,7443 \angle 8,11^\circ$$

$$\bar{V}_S (\text{P.U.}) = \bar{A} (\text{P.U.}) \bar{V}_R (\text{P.U.}) + \bar{B} (\text{P.U.}) \cdot \bar{I}_R (\text{P.U.})$$

$$\bar{V}_S (\text{P.U.}) = 0,9706 \angle 0,16^\circ \times 0,95 \angle 0^\circ + \frac{70,292 \angle 84,78^\circ}{119,025} \times 0,7443 \angle 8,11^\circ$$

$$\bar{V}_S (\text{P.U.}) = 1,0 \angle 26,14^\circ (\text{P.U.})$$

$$U_S = 345 \text{ kV} \times 1,0$$

$$\boxed{U_S = 345 \text{ kV}}$$

$$\bar{I}_S(\text{p.u.}) = \bar{C}_{\text{p.u.}} \times \bar{V}_{R(\text{p.u.})} + \bar{D}_{\text{p.u.}} \times \bar{I}_{R(\text{p.u.})}$$

$$\bar{I}_S(\text{p.u.}) = 8,274 \times 10^{-4} \angle 90,08^\circ \times Z_B \times \bar{V}_{R(\text{p.u.})} + 0,9706 \angle 0,16^\circ \cdot \bar{I}_{R(\text{p.u.})}$$

$$\bar{I}_S(\text{p.u.}) = 0,7415 \angle 15,45^\circ$$

$$\bar{S}_S = \bar{V}_S(\text{p.u.}) \times \bar{I}_S^*(\text{p.u.})$$

$$\bar{S}_S = 1,0 \angle 26,14^\circ \times 0,7415 \angle -15,45^\circ$$

$$\boxed{\bar{S}_S = 0,7415 \angle 10,69^\circ}$$

$$\bar{V}_S = \bar{A} \cdot \bar{V}_R + \bar{B} \cdot \bar{I}_R$$

en vacío: $I_R = 0$

$$P_S = 0,7415 \times \cos(10,69^\circ)$$

$$P_S = 0,7286(\text{p.u.})$$

$$\bar{V}_R(\phi) = \frac{\bar{V}_S}{\bar{A}} = \frac{1,0}{0,9706} = 1,0303$$

$$\boxed{P_S = 728,6 \text{ MW}}$$

$$P_{\text{perd.}} = P_S - P_R = 728,6 \text{ MW} - 700 \text{ MW} = 28,6 \text{ MW}$$

$$\eta = \frac{700}{728,6} \times 100$$

$$\boxed{\eta = 96,07\%}$$

$$V_{\text{reg}} \% = \frac{V_R(\phi) - V_R(\text{p.c.})}{V_R(\text{p.c.})}$$

$$= \frac{1,0303 - 0,95}{0,95} \times 100$$

$$\boxed{V_{\text{reg}} \% = 8,45\%}$$

MODELO DE LÍNEA LARGA

CONSTANTE DE PROPAGACIÓN: $\bar{\gamma}$

$$\bar{\gamma} = \sqrt{\bar{Z} \cdot \bar{Y}}$$

$$\bar{Z} \cdot \bar{Y} = \gamma^2$$

$$\bar{\gamma} = \alpha + j\beta$$

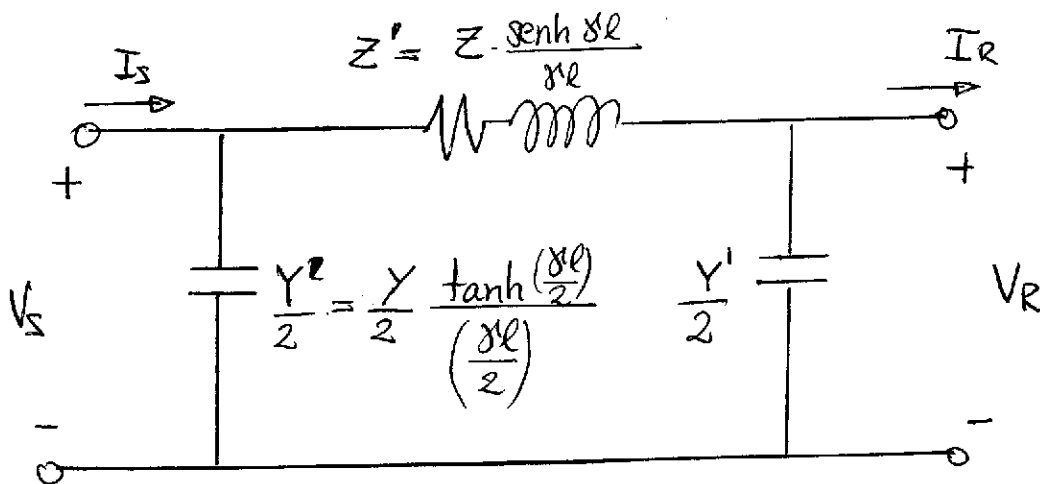
IMPEDANCIA CARACTERÍSTICA: \bar{Z}_c

$$\bar{Z}_c = \sqrt{\frac{\bar{Z}}{\bar{Y}}}$$

$$V_s = \left(1 + \frac{\bar{Z}' \bar{Y}'}{2}\right) V_R + \bar{Z}' I_R$$

$$\tanh \frac{\gamma l}{2} = \frac{\cosh \gamma l - 1}{\sinh \gamma l}$$

$$I_s = \bar{Y}' \left(1 + \frac{\bar{Z}' \bar{Y}'}{4}\right) V_R + \left(1 + \frac{\bar{Z}' \bar{Y}'}{2}\right) I_R$$



$$Z' = Z_c \sinh \gamma l = Z \cdot \frac{\sinh \gamma l}{\gamma l}$$

$$\frac{Y^l}{2} = \frac{1}{Z_c} \tanh \frac{\gamma l}{2} = \frac{Y}{2} \frac{\tanh(\gamma l / 2)}{(\gamma l / 2)}$$

Ejm:

PARAMETROS ABCD EXACTOS: LÍNEA LARGA

UNA LÍNEA TRIFÁSICA DE 765KV, 60HZ Y 300KM DE LONGITUD, COMPLETAMENTE TRANSPUESTA, TIENE LA IMPEDANCIA Y ADMITANCIA, EN SECUENCIA POSITIVA SIGT:

$$Z = 0,0965 + j 0,3306 = 0,3310 \angle 87,14^\circ \Omega/\text{km}$$

$$Y = j 4,674 \times 10^{-6} \text{ S/km}$$

SUPONIENDO OPERACIÓN EN SECUENCIA POSITIVA, CALCULE LOS PARAMETROS ABCD EXACTOS DE LA LÍNEA. COMPARE LOS PARAMETROS EXACTOS B CON EL DEL CIRCUITO π NOMINAL.

Calcular:

a) LA IMPEDANCIA CARACTERÍSTICA

c) $e^{\gamma l}$

e) \bar{A}

g) \bar{C}

b) EL ÁNGULO CARACTERÍSTICO γl

d) $e^{-\gamma l}$

f) \bar{B}

SOLUCIÓN

$$a) \bar{Z}_c = \sqrt{\frac{\bar{Z}}{\bar{Y}}} = \sqrt{\frac{0,3310 \angle 87,14^\circ}{4,674 \times 10^{-6} \angle 90^\circ}} \Rightarrow \bar{Z}_c = 266,12 \angle -1,43^\circ (\Omega)$$

$$b) \bar{\gamma} = \sqrt{\bar{Z} \cdot \bar{Y}} = \sqrt{(0,3310 \angle 87,14^\circ)(4,674 \times 10^{-6} \angle 90^\circ)} \Rightarrow \bar{\gamma} = 1,24 \times 10^{-3} \angle 88,57^\circ$$

$$\bar{\gamma} \cdot l = (0,00931 + j 0,3730) \text{ (p.u.)} = 0,37312 \angle 88,54^\circ$$

$$c) e^{\bar{\gamma} l} = e^{0,00931 + j 0,3730} = 1,009353473 \angle 21,37^\circ = 0,93995 + j 0,36782$$

$$d) e^{-\bar{\gamma} l} = e^{-(0,00931 + j 0,3730)} = 0,990733 \angle -21,37^\circ = 0,92261 + j 0,36103$$

$$\cosh(\gamma l) = \frac{e^{\gamma l} + e^{-\gamma l}}{2}$$

$$\sinh(\gamma l) = \frac{e^{\gamma l} - e^{-\gamma l}}{2}$$

$$\cosh(\gamma l) = \frac{(0,93995 + j0,36782) + (0,92261 - j0,36103)}{2}$$

$$\cosh(\gamma l) = 0,93128 + j0,0034 = 0,93129 \angle 0,209^\circ \quad \left(\begin{array}{l} \text{TIENE} \\ \text{MENOR} \\ \text{ÁNGULO} \end{array} \right)$$

$$\sinh(\gamma l) = \frac{(0,93995 + j0,36782) - (0,92261 - j0,36103)}{2}$$

$$\sinh(\gamma l) = 0,00867 + j0,36443 = 0,36453 \angle 87,637^\circ \quad \left(\begin{array}{l} \text{TIENE} \\ \text{MAYOR} \\ \text{ÁNGULO} \end{array} \right)$$

$$A = D = \cosh(\gamma l) \quad (\text{P.U.})$$

$$B = Z_c \cdot \sinh(\gamma l) \quad (\Omega)$$

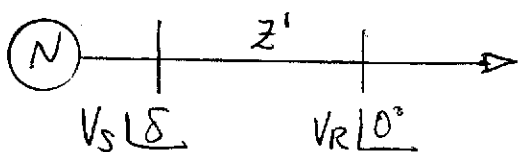
$$C = \frac{1}{Z_c} \sinh(\gamma l) \quad (\text{S})$$

$$A = D = 0,93129 \angle 0,209^\circ \quad (\text{P.U.})$$

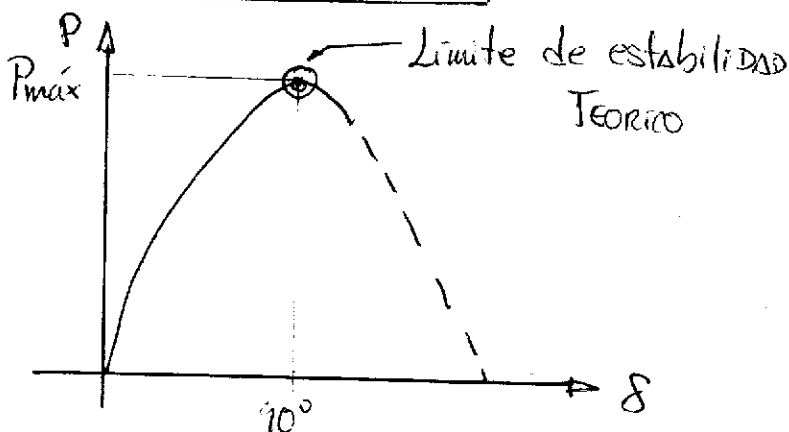
$$B = (266,12 \angle -1,43^\circ) \times (0,36453 \angle 88,637^\circ) = 97,0 \angle 87,21^\circ \quad (\Omega)$$

$$C = \frac{0,36453 \angle 88,637^\circ}{266,12 \angle -1,43^\circ} = 1,37 \times 10^{-3} \angle 90,067^\circ \quad (\text{S})$$

EN LA LÍNEA DE TRANSICIÓN SIN PÉRDIDAS



$$P = \frac{V_s \cdot V_r}{X'} \cdot \text{Sen } \delta$$



$$P = \frac{V_R \cdot V_S}{Z_c \cdot \text{Sen } \beta l} \times \text{Sen } \delta$$

$$P = \left(\frac{V_R V_S}{Z_c} \right) \cdot \frac{\text{Sen } \delta}{\text{Sen} \left(\frac{2\pi}{\lambda} \cdot l \right)}$$

∴ $\left(\frac{2\pi}{\lambda} \cdot l \right)$ se opera en Radianes.

$$P = \frac{V_S}{V_N} \cdot \frac{V_R}{V_N} \cdot \frac{V_N^2}{Z_c} \cdot \frac{\text{Sen } \delta}{\text{Sen} \left(\frac{2\pi}{\lambda} \cdot l \right)}$$

↓
SIL

$$P = V_S(\text{P.U.}) \times V_R(\text{P.U.}) \times \text{SIL} \times \frac{\text{Sen } \delta}{\text{Sen} \left(\frac{2\pi}{\lambda} \cdot l \right)}$$

$$\text{SIL} = \frac{V_N^2}{Z_c}$$

Si: $\delta = 90^\circ$

$$P_{\text{Teórica}}^{\text{Máx}} = V_S(\text{P.U.}) \times V_R(\text{P.U.}) \times \frac{\text{SIL}}{\text{Sen} \left(\frac{2\pi}{\lambda} \cdot l \right)}$$

Ejm:

Despreciando LAS PERDIDAS EN LAS LÍNEAS, ENCUENTRE EL LÍMITE TEÓRICO DE ESTABILIDAD EN ESTADO ESTACIONARIO PARA LA LÍNEA DE 300km. Suponga UNA IMPEDANCIA CARACTERÍSTICA DE 266,1Ω, SU LONGITUD DE ONDA DE 5000km y

$V_S = V_R = 765 \text{KV}$.

Si: $U_N = 765 \text{KV}$

$U_S(\text{P.U.}) = 1.0 \text{ P.U.}$

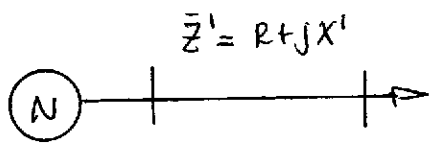
$U_R(\text{P.U.}) = 1.0 \text{ P.U.}$

$\text{SIL} = \frac{U_N^2}{Z_c} = \frac{765^2}{266,1} = 2199,3 \text{ MW}$

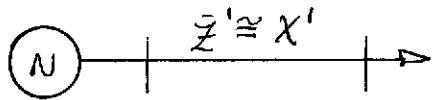
$$P_{\text{Máx teórica}}^{\text{L.T. sin perd.}} = 1,0 \times 1,0 \times \frac{2199,3}{\text{Sen} \left(\frac{2\pi}{5000} \times 300 \right)}$$

RADIANTES

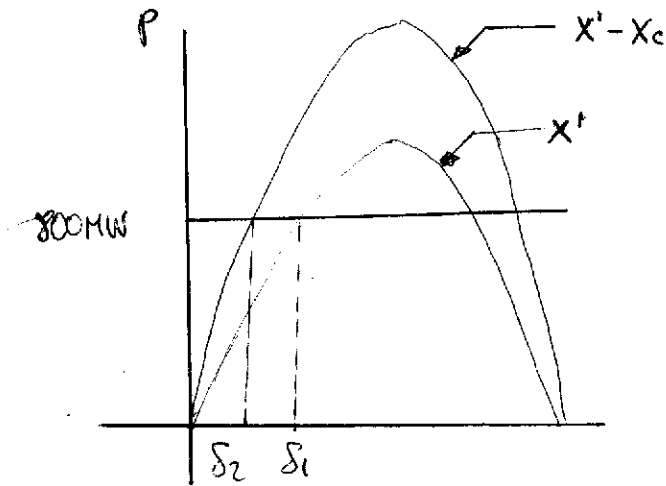
= 5974 MW



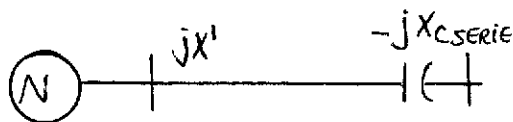
EN L.T. SIN PÉRDIDAS



$P_N \frac{1}{X'} \rightarrow X' \uparrow \Rightarrow P \downarrow$
 EN LÍNEAS MUY ... $X' \rightarrow$ ALTO $\Rightarrow P \downarrow$



$\delta_2 < \delta_1$
 GRACIAS A LA COMPENSACIÓN

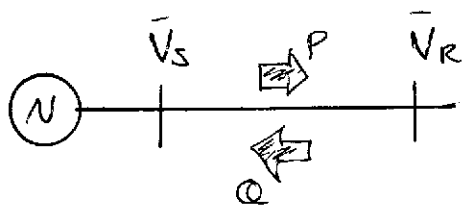
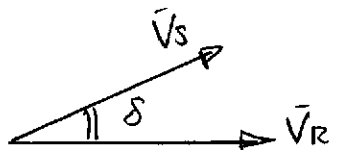
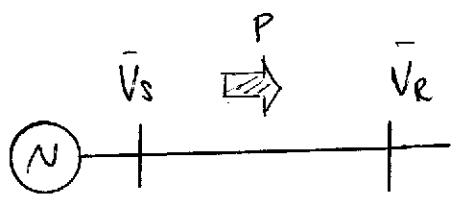


LA COMPENSACIÓN SERIE ELEVA LA CAPACIDAD DE TRANSMISIÓN A MEJOR LÍMITE DE ESTABILIDAD.

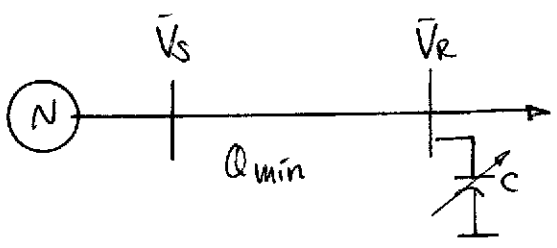
Ejm:

DETERMINE LA POTENCIA MÁXIMA TEÓRICA, EN MW y POR UNIDAD DE LA CARGA SIL, QUE LA LÍNEA PUEDE ENTREGAR. SUPONGA QUE $V_S = V_R = 765 \text{KV}$

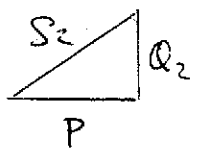
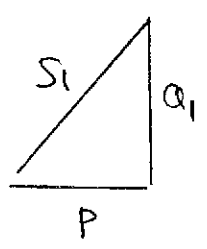
$A = 0,9313$ POR UNIDAD



$V_s < V_r$



$|\bar{V}_s|$ CERCAÑO $|\bar{V}_r|$

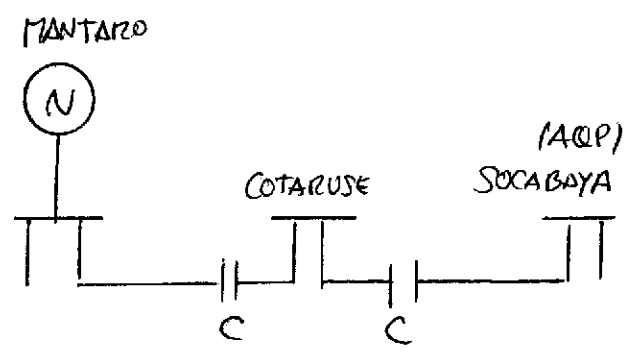


$S_1 > S_2$
 $I_1 > I_2$
 Perd $\sim I^2$

FACTS

: SISTEMA FLEXIBLE DE TRANSMISION DE LA AC.

→ CAPACITOR VIRTUAL



Cálculo de corrientes de cortocircuitos

1) Objetivos:

Calcular la corriente de cortocircuito en un sistema eléctrico de potencia.

2) Procedimiento.

- PARA desarrollar el cálculo de la corriente de cortocircuito se empleará el circuito equivalente monofásico en P.U.
- PARA el cálculo de C.C. desbalanceados se empleará el método componentes simétricas

Tipos de C.C.

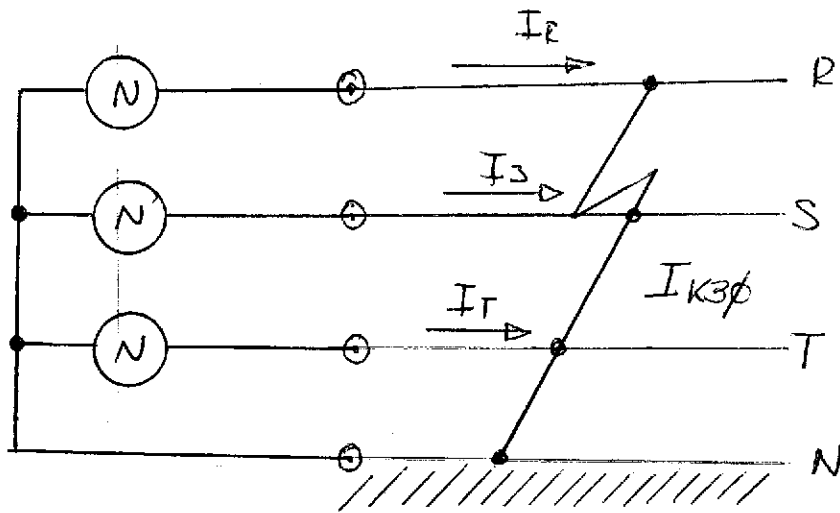
Los cortocircuitos dependen bastante de donde se ubique

Según su ubicación:

- Alejado de los centros de generación
- Próximo a los centros de generación

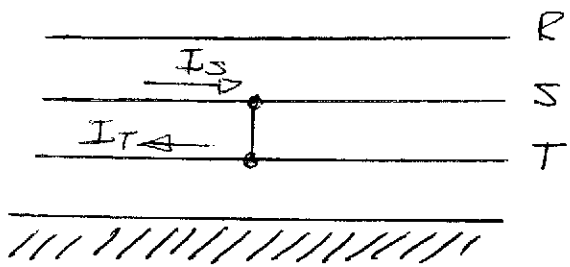
Según el nº de fases involucrados en la falla:

a) Cortocircuito trifásico

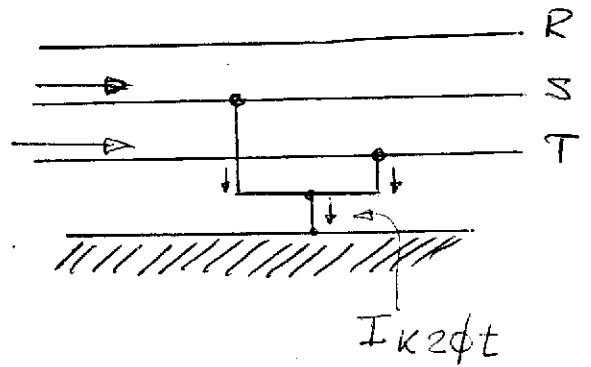


$$I_R = I_S = I_T \text{ (C.C. balanceado)}$$

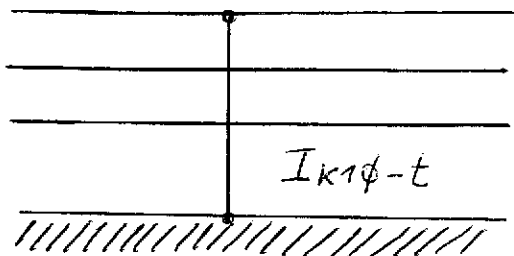
b) Cortocircuito Bifásico



c) Cortocircuito bifásico a tierra



d) Cortocircuito mono fásico a tierra

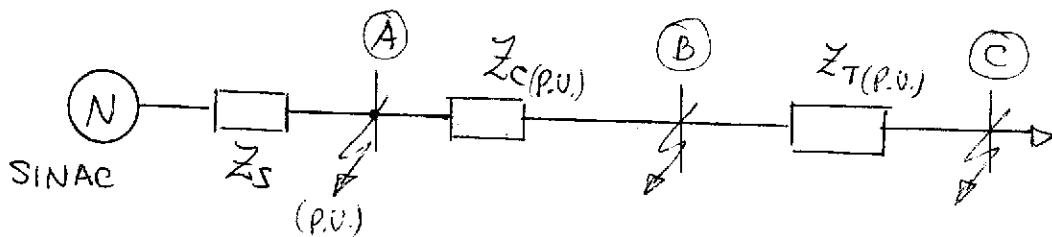
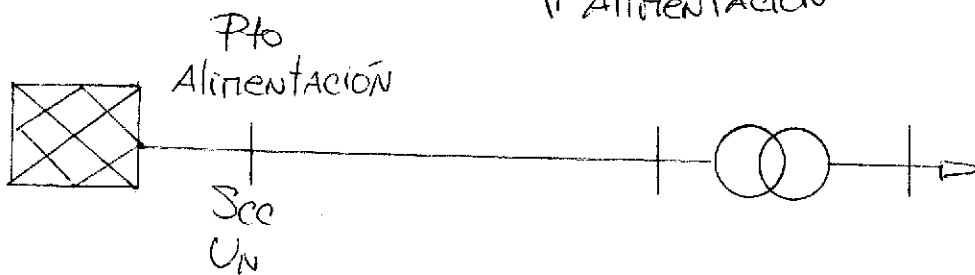
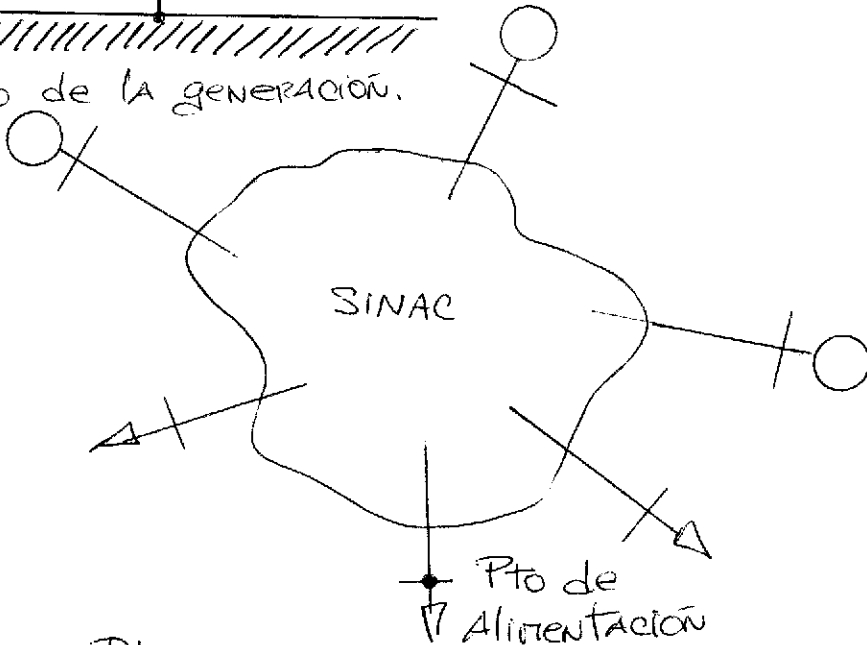


NORMAS:

* IEC - 60909

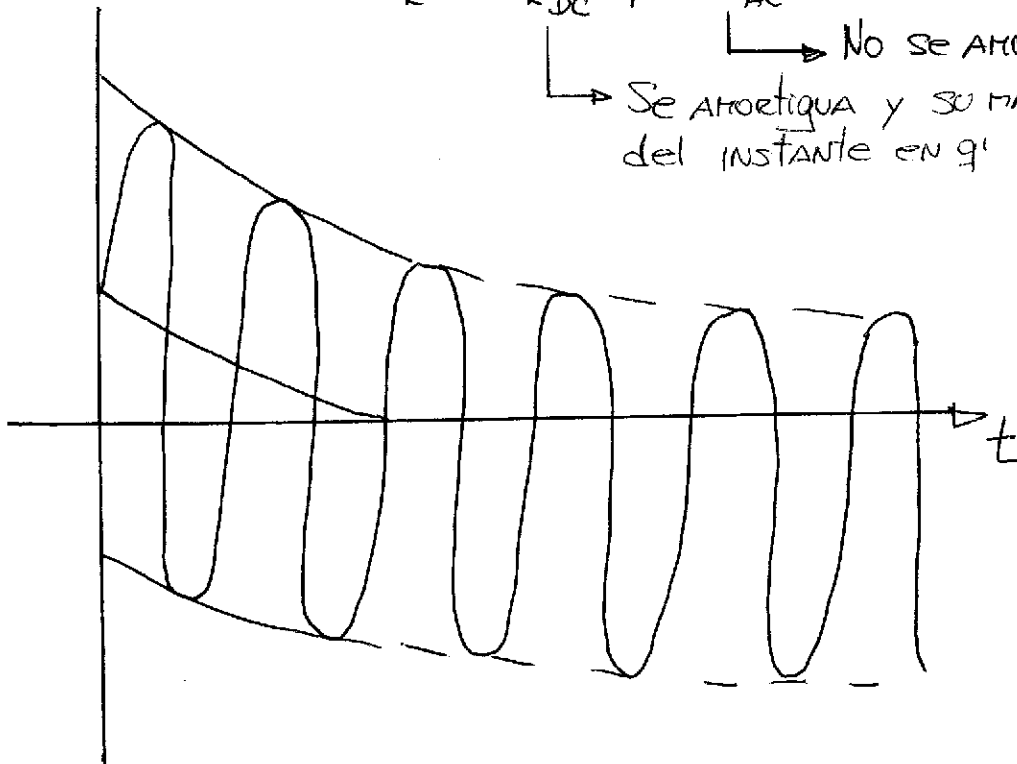
* ANSI - C37,10

A) C.C: Alejado de la generación.

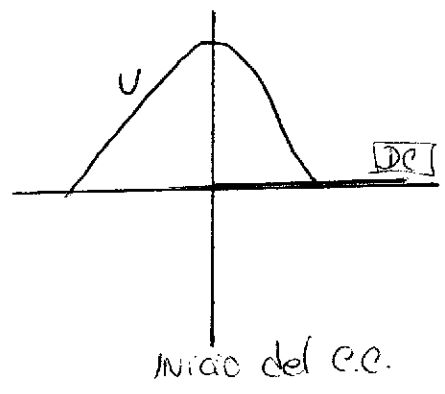
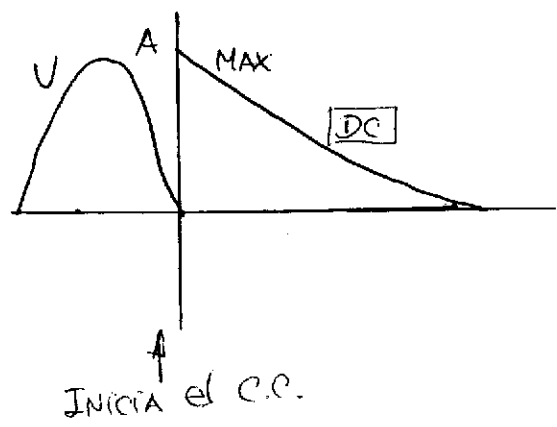


$$I_k = I_{kDC} + I_{kAC}$$

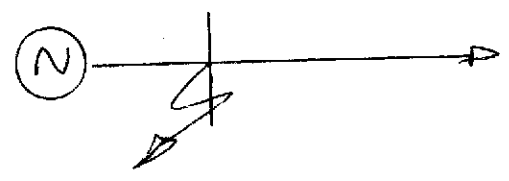
\rightarrow No se amortigua
 \rightarrow Se amortigua y su magnitud depende del instante en que ocurre el C.C.



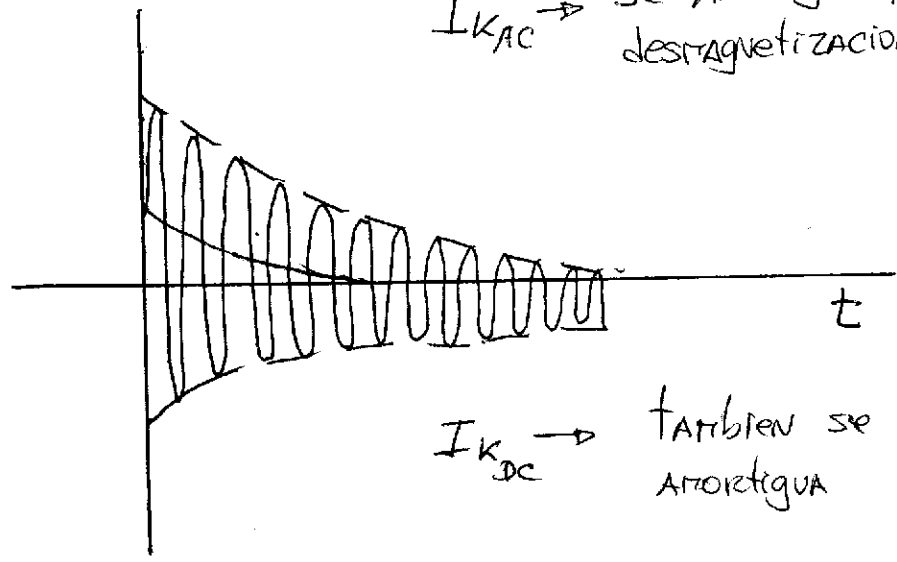
simétrico
 $I_{k-SYM} \rightarrow DC = 0$
 $I_{k-ASYM} \rightarrow DC = MAX$



B) C.C. EN PROXIMO A LA GENERACION

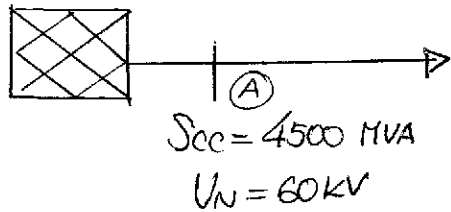


$I_{kAC} \rightarrow$ Se amortigua producto de la desmagnetización del generador



$I_{kDC} \rightarrow$ También se amortigua

Ejm ① Calcular I_{cc} 3 ϕ en la barra ①



Tensión previo a la falla 1,0 p.u.

$$S_{cc\ 3\phi} = \sqrt{3} \cdot U_N \cdot I_{cc}$$

$$I_{cc} = \frac{4500 \text{ MVA}}{\sqrt{3} \times 60 \text{ KV}} = 43,3 \text{ KA}$$

Ejm ②:

Calcular la I_{cc} 3 ϕ en la barra ① empleando valores en p.u.

* Valores base:

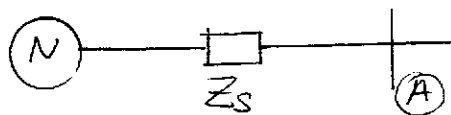
$$S_B = 100 \text{ MVA}$$

$$U_B = 60 \text{ KV}$$

$$S_{cc} = 4500 \text{ MVA}$$

$$U_N = 60 \text{ KV}$$

* Tensión previo a la falla 1,05 p.u.



Cálculo de Z_s .

$$S_{cc} = \frac{S_B}{Z_s \text{ (p.u.)}}$$

$$Z_{s \text{ p.u.}} = \frac{100 \text{ MVA}}{4500 \text{ MVA}} \text{ (p.u.)}$$

$$Z_s = 0,02 \text{ (p.u.)}$$

$$I_{cc \text{ (p.u.)}} = \frac{u \text{ (p.u.)}}{Z_s \text{ (p.u.)}}$$

$$I_{cc \text{ (p.u.)}} = \frac{1,05}{0,02} = 52,5$$

$$I_{cc \text{ p.u.}} = 52,5 \text{ (p.u.)}$$

Cálculo de la I_{BASE} .

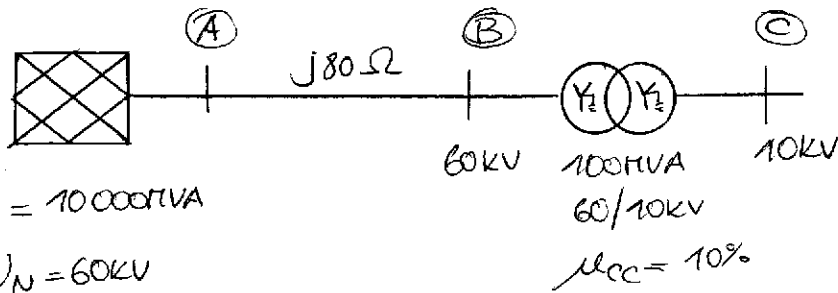
$$I_B = \frac{S_B}{\sqrt{3} \times U_B} = \frac{100 \text{ MVA}}{\sqrt{3} \times 60 \text{ KV}}$$

$$I_B = 962,25 \text{ A}$$

$$\Rightarrow I_{cc} = I_{cc}(\text{p.u.}) \times I_B$$

$$I_{cc} = 45,47 \text{ KA}$$

Ejm ③:



$$S_{cc_{3\phi}} = 10000 \text{ MVA}$$

$$U_N = 60 \text{ KV}$$

$$R_S = 0$$

$$\mu_{cc} = 10\%$$

Empleando valores en P.U. hallar la $I_{cc_{3\phi}}$ en las barras A, B y C.
 Asumir q la tensión previa a la falla es 1,05 p.u.

Tomar como valores bases 100 MVA y 60 KV en el lado de la fuente.

a) Cálculo de Z_S en P.U.

$$Z_S = j \frac{S_B}{S_{cc}} = j \frac{100 \text{ MVA}}{10000 \text{ MVA}}$$

$$Z_S = j0,01 \text{ p.u.}$$

$$\bar{I}_{cc_A} = \frac{1,05 \angle 0^\circ}{Z_S \angle 90^\circ} = \frac{1,05 \angle -90^\circ}{0,01} = 105 \text{ p.u.} \angle -90^\circ$$

b) Cálculo Z_{cc_B} en P.U.

$$\bar{Z}_{\text{LINEA (P.U.)}} = \frac{Z_L}{Z_B} = \frac{j80 \Omega}{36 \Omega} = j2,2 \text{ (P.U.)}$$

$$Z_B = \frac{60^2}{100} = 36 \Omega$$

$$\bar{Z}_{cc_B} = \bar{Z}_S(\text{P.U.}) + \bar{Z}_{LT}(\text{P.U.})$$

$$= (j0,01 + j2,2) \text{ p.u.}$$

$$\bar{Z}_{cc_B} = j2,23 \hat{2} \text{ (P.U.)}$$

$$\bar{I}_{cc_B} = \frac{1,05 \angle 0^\circ}{2,232 \angle 90^\circ} \text{ (P.U.)}$$

$$\bar{I}_{cc_B} = 0,47 \text{ (P.U.)} \angle -90^\circ$$

c) Cálculo \bar{Z}_{cc_e} en P.U.

$$\bar{Z}_T = j 0,1$$

$$\Rightarrow \bar{Z}_{cc_e} = j 2,232 + j 0,1$$

$$\bar{Z}_{cc_e} = 2,332 \angle 90^\circ$$

$$\bar{I}_{cc_e} = \frac{1,05 \angle 0^\circ}{2,332 \angle 90^\circ} \text{ P.U.}$$

$$\bar{I}_{cc_e} = 0,4502 \text{ P.U.} \angle -90^\circ$$